

Systeme II

3. Die Datensicherungsschicht

Christian Schindelhauer

Technische Fakultät

Rechnernetze und Telematik

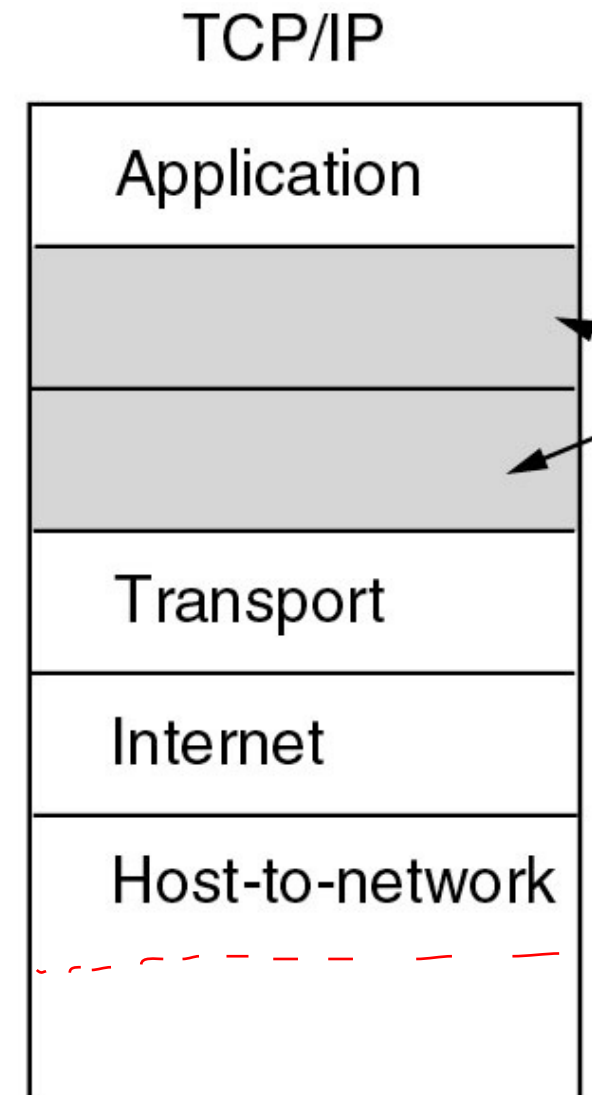
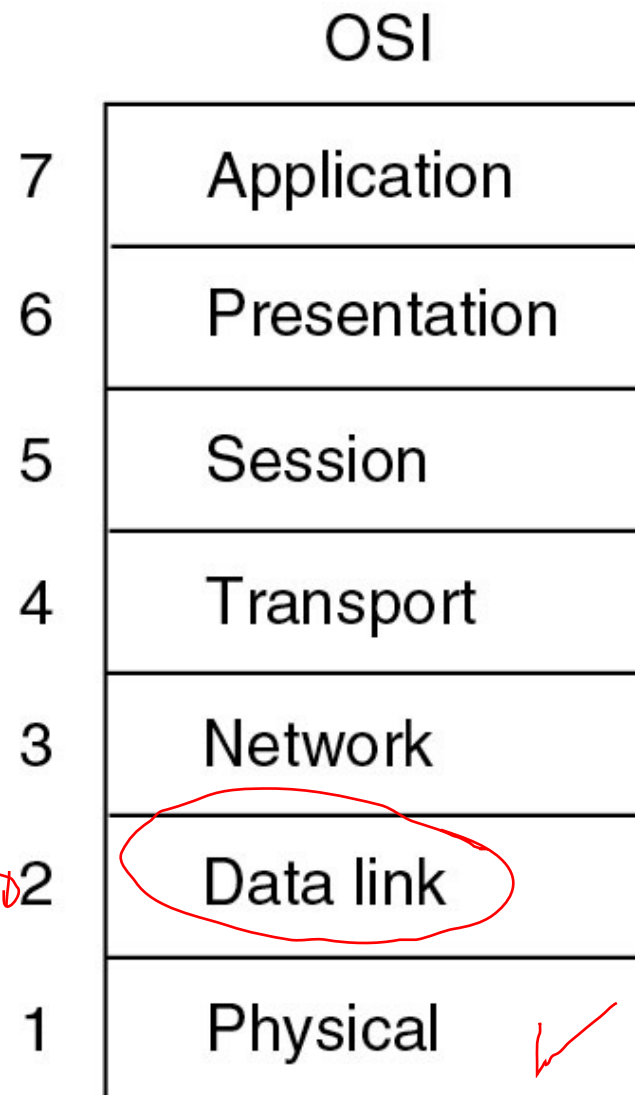
Albert-Ludwigs-Universität Freiburg

Version 14.05.2013

Die Sicherungsschicht

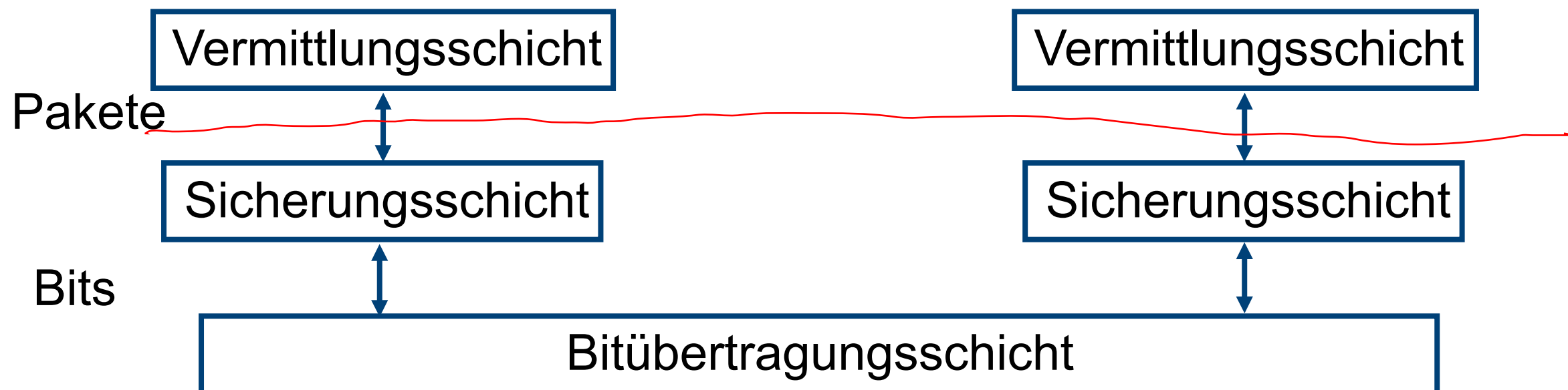
■ Aufgaben der Sicherungsschicht (Data Link Layer)

- Dienste für die Vermittlungsschicht
- Frames
- Fehlerkontrolle
- Flusskontrolle



Dienste der Sicherungsschicht

- Situation der Sicherungsschicht
 - Die Bitübertragungsschicht überträgt Bits
 - Aber unstrukturiert und möglicherweise fehlerbehaftet
- Die Vermittlungsschicht erwartet von der Sicherungsschicht
 - Fehlerfreie Übermittlung
 - Übermittlung von strukturierten Daten
 - Datenpakete oder Datenströme
 - Störungslosen Datenfluss



■ Verlässlicher Dienst?

- ⊖ Das ausgelieferte und das empfangene Paket müssen identisch sein
- ⊖ Alle Pakete sollen (irgendwann) ankommen
- ⊖ Pakete sollen in der richtigen Reihenfolge ankommen
- ⊖ Fehlerkontrolle ist möglicherweise notwendig

⊖ Verbindungsorientiert?

- Ist die Punkt-zu-Punktverbindung in einem größerem Kontext?
- ⊖ Reservierung der Verbindung notwendig?

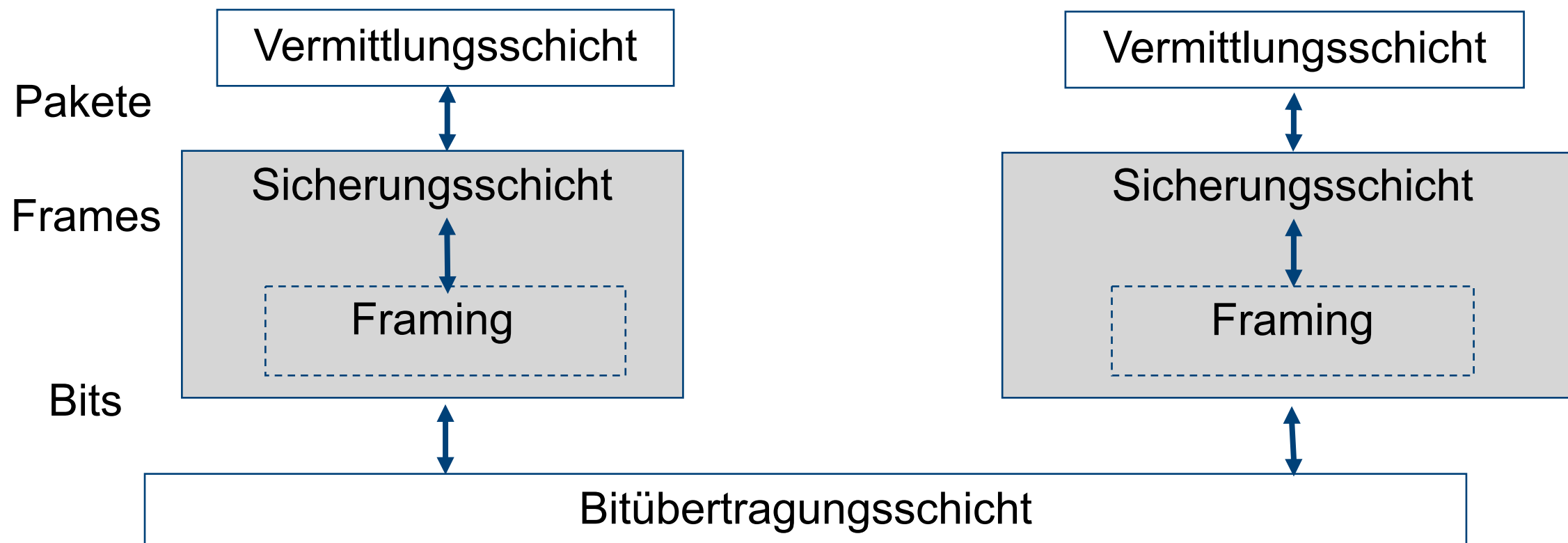
■ Pakete oder Datenströme (Bitströme)?

Unterscheidung: Dienst und Implementation

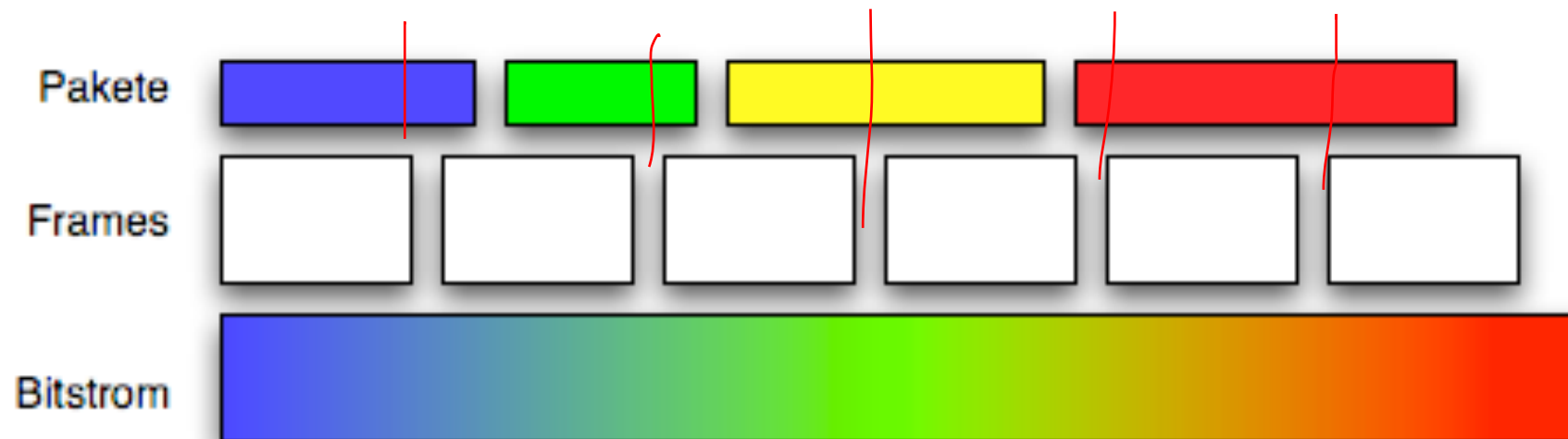
- Beispiel
 - Verbindungsloser und verlässlicher Dienst wird durch die Vermittlungsschicht gefordert
 - Sicherungsschicht verwendet intern verbindungsorientierten Dienst mit Fehlerkontrolle
- Andere Kombinationen sind möglich



- Der Bitstrom der Bitübertragungsschicht wird in kleinere “Frames” unterteilt
 - Notwendig zur Fehlerkontrolle
 - Frames sind Pakete der Sicherungsschicht
- Frame-Unterteilung (Fragmentierung) und Defragmentierung sind notwendig
 - Falls die Pakete der Vermittlungsschicht größer sind als die Frames



- Die Sicherungsschicht zwischen der Bitübertragungsschicht mit Bitstrom und der Vermittlungsschicht mit Paketen



- Pakete werden in Framegröße fragmentiert



- Zumeist gefordert von der Vermittlungsschicht
 - Mit Hilfe der Frames
- Fehlererkennung
 - Gibt es fehlerhaft übertragene Bits?
- Fehlerkorrektur
 - Behebung von Bitfehlern
 - Vorwärtsfehlerkorrektur (Forward Error Correction)
 - Verwendung von redundanter Kodierung, die es ermöglicht Fehler ohne zusätzliche Übertragungen zu beheben
 - Rückwärtsfehlerkorrektur (Backward Error Correction)
 - Nach Erkennen eines Fehlers, wird durch weitere Kommunikation der Fehler behoben



▮ Nutzen von Verbindungen

⌘ Kontrolle des Verbindungsstatus

- Korrektheit des Protokolls

⌘ Fehlerkontrolle

- Verschiedene Fehlerkontrollverfahren vertrauen auf gemeinsamen Kontext von Sender und Empfänger

▮ Aufbau und Terminierung von Verbindungen

⌘ “Virtuelle Verbindungen”

- Es werden keine Schalter umgelegt
- Interpretation des Bitstroms

⌘ Kontrollinformationen in Frames

- Besonders wichtig bei drahtlosen Medien

■ Das Problem wird im Rahmen der Transportschicht ausführlich diskutiert

- Vgl. Sitzungsschicht vom OSI-Modell

- Problem: Schneller Sender und langsamer Empfänger
 - Der Sender lässt den Empfangspuffer des Empfängers überlaufen
 - Übertragungsbandweite wird durch sinnlosen Mehrfachversand (nach Fehlerkontrolle) verschwendet
- ❏ Anpassung der Frame-Sende-Rate an dem Empfänger notwendig

Langsamer Empfänger



Schneller Sender

- Wo fängt der Frame an und wo hört er auf?
- Achtung:
 - Die Bitübertragungsschicht kann auch Bits liefern, wenn der Sender tatsächlich nichts sendet
 - Der Empfänger
 - könnte das Rauschen auf dem Medium interpretieren
 - könnte die Folge 00000000... liefern
 - Daten oder Kontrollinformation?



Übertragener
Bitstrom

0110010101110101110010100010101010101010101100010

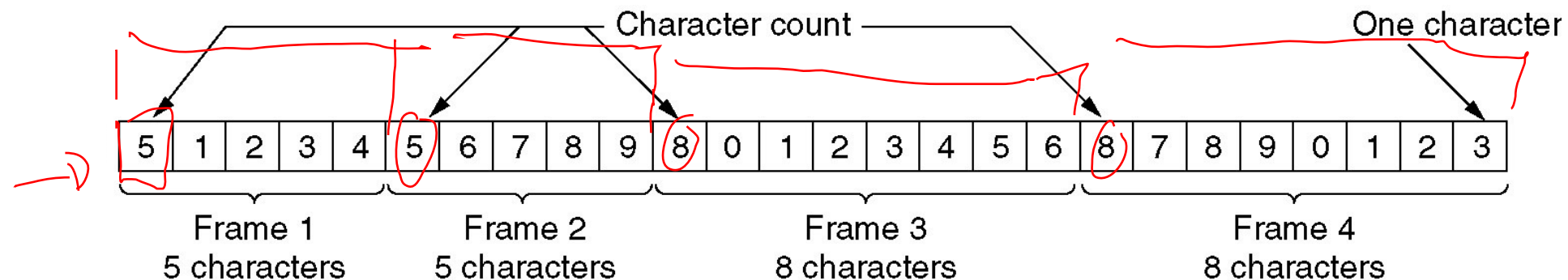
0



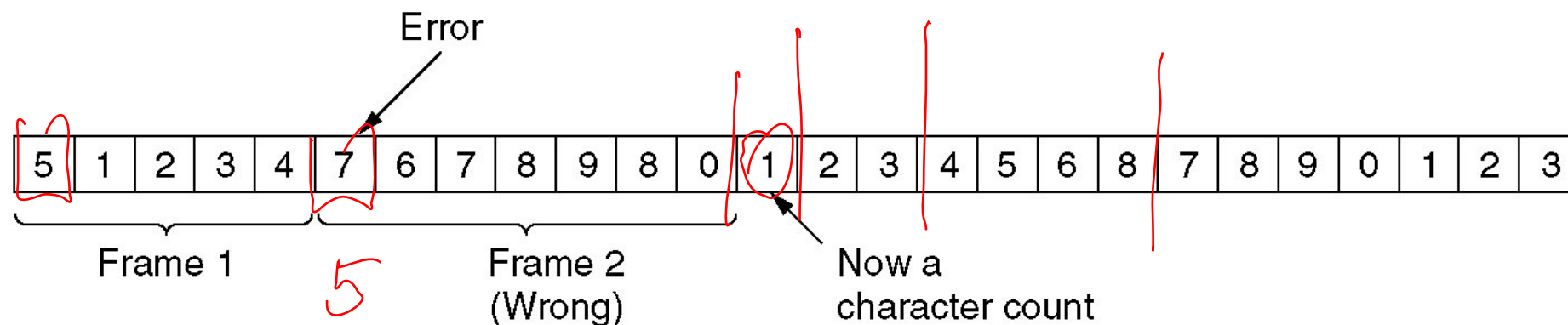
Frame-Anfang?



Frame-Ende?

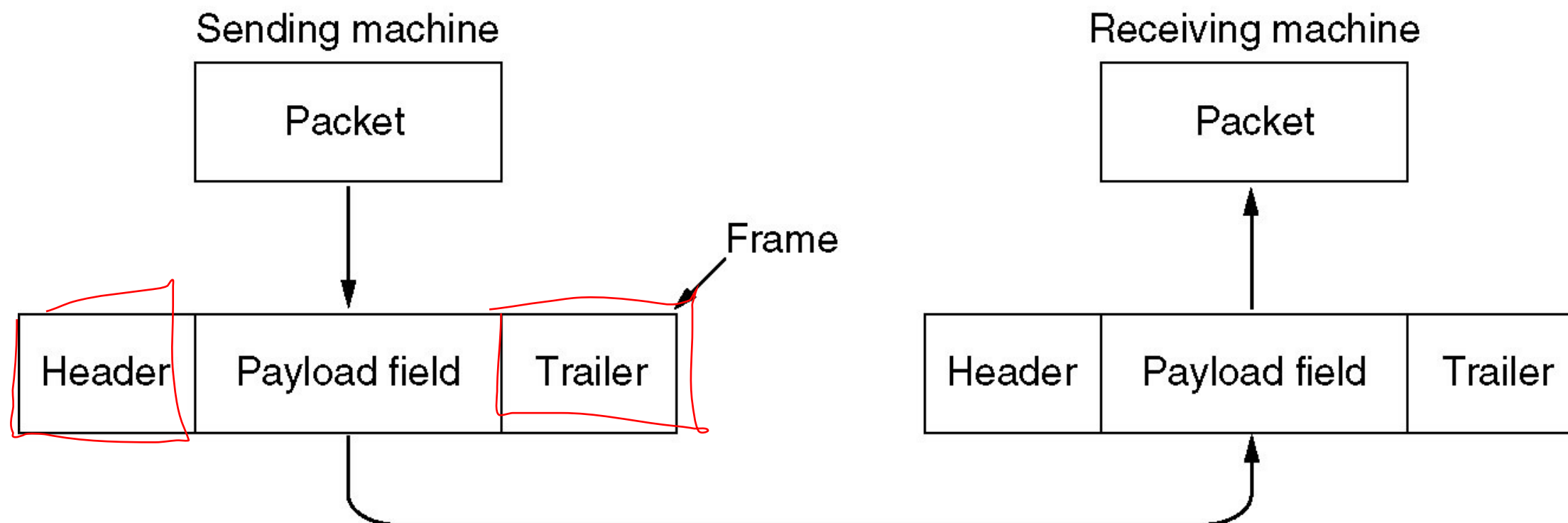


- Problem: Was, wenn die Frame-Länge fehlerhaft übertragen wird?
 - Der Empfänger kommt aus dem Takt und interpretiert neue, sinnlose Frames
 - Variable Frame-Größen mit Längeninformation sind daher kein gutes Konzept



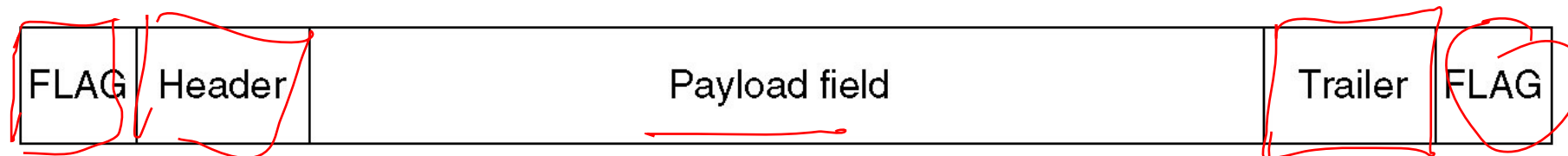
■ Header und Trailer

- Zumeist verwendet man Header am Anfang des Frames, mitunter auch Trailer am Ende des Frames
- signalisieren den Frame-Beginn und das Frame-Ende
- tragen Kontrollinformationen
 - z.B. Sender, Empfänger, Frametypen, Fehlerkontrollinformation

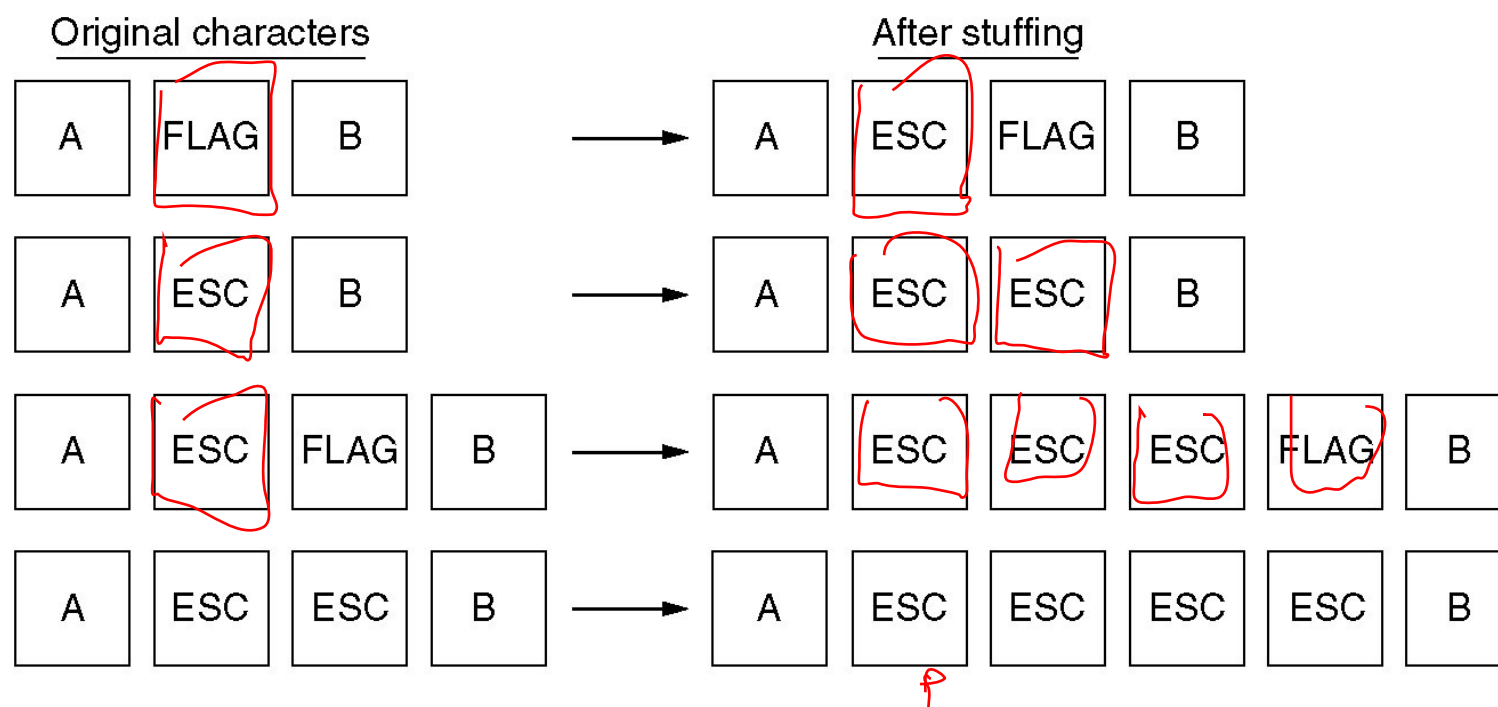


Flag Bytes und Bytestopfen

- Besondere “Flag Bytes” markieren Anfang und Ende eines Frames



- Falls diese Marker in den Nutzdaten vorkommen
 - Als Nutzdatenbyte mit Sonderzeichen (Escape) markieren
 - Bytestopfen (byte stuffing)
 - Falls Sonderzeichen und “Flag-Byte” erscheinen, dito,
 - etc., etc.



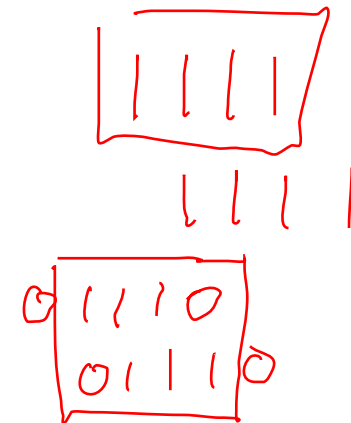
$$\frac{1}{128} \cdot 2 +$$

$$\frac{127}{128} \cdot 1 = 1,009$$

Frames durch Bit-Sequenzen/Bitstopfen

$$\frac{31}{10} + 20\% \quad \left| \quad \frac{31}{32} \cdot 6 + \frac{31}{32} \cdot 5 + \frac{1}{32} \cdot 6 \right.$$

- Bytestopfen verwendet das Byte als elementare Einheit
 - Das Verfahren funktioniert aber auch auf Bitebene
- Flag Bits und Bitstopfen (bit stuffing)
 - Statt flag byte wird eine Bit-Folge verwendet
 - z.B.: 01111110
 - Bitstopfen
 - Wenn der Sender eine Folge von fünf 1er senden möchte, wird automatisch eine 0 in den Bitstrom eingefügt
 - Außer bei den Flag Bits
- Der Empfänger entfernt eine 0 nach fünf 1ern



↓
111110 → 111100
111111 → 111101

Originale Nutzdate

(a) 0 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 1 0

Nach dem Bitstopfen

(b) 0 1 1 0 1 1 1 1 1 0 1 1 1 1 1 0 1 1 1 1 1 0 1 0 0 1 0

Stuffed bits

Nach der “Entstopfung”

(c) 0 1 1 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 0 0 1 0



- Möglicher Spielraum bei Bitübertragungsschicht bei der Kodierung von Bits auf Signale



- Nicht alle möglichen Kombination werden zur Kodierung verwendet
- Zum Beispiel: Manchester-Kodierung hat nur tief/hoch und hoch/tief-Übergang

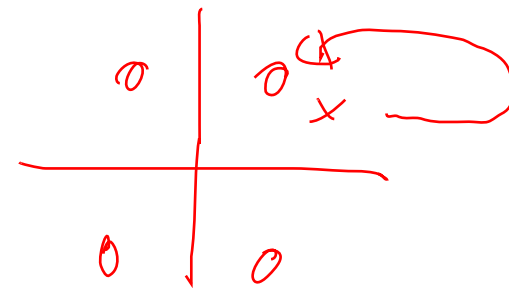
→ Ethernet

- Durch “Verletzung” der Kodierungsregeln kann man Start und Ende des Rahmens signalisieren

- Beispiel: Manchester – Hinzunahme von hoch/hoch oder tief/tief
 - Selbsttaktung von Manchester gefährdet?

- Einfache und robuste Methode

- z.B. verwendet in Ethernet
- Kosten? Effiziente Verwendung der Bandbreite?



■ Aufgaben

⑥ Erkennung von Fehlern (fehlerhafte Bits) in einem Frame

⑦ Korrektur von Fehlern in einem Frame

■ Jede Kombination dieser Aufgaben kommt vor

⑧ Erkennung ohne Korrektur

• Löschen eines Frames ohne weiter Benachrichtigung (drop a frame)

• Höhere Schichten müssen sich um das Problem kümmern

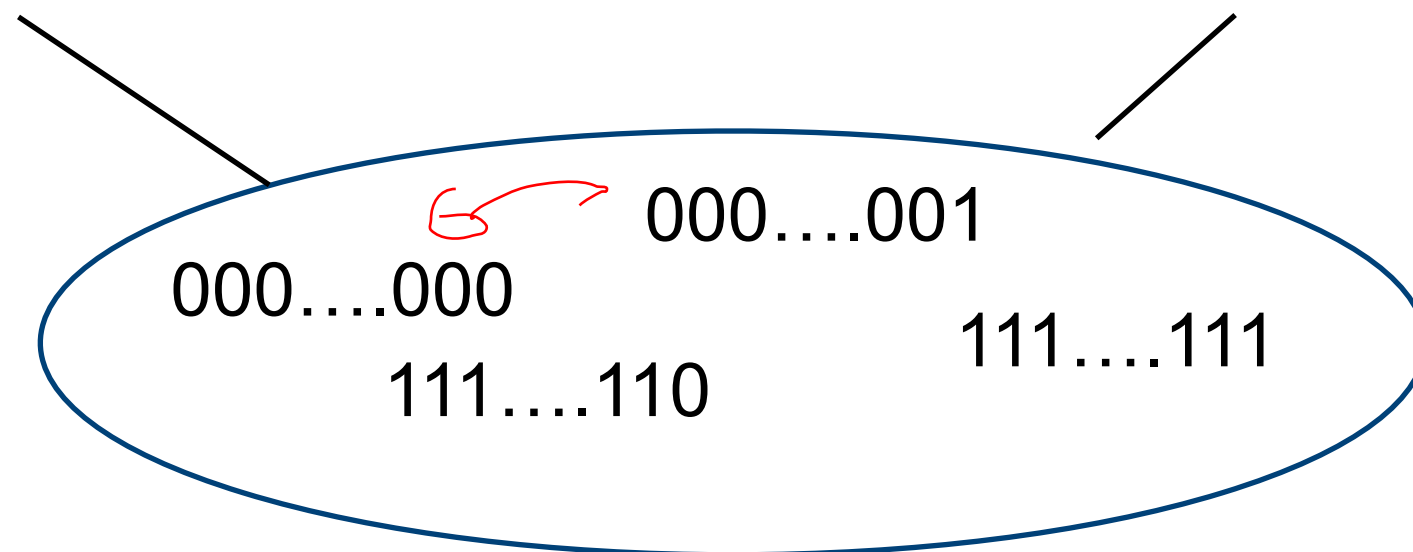
⑨ Korrektur ohne Erkennung

- Es werden bestmöglich Bitfehler beseitigt, möglicherweise sind aber noch Fehler vorhanden
- Sinnvoll, falls Anwendung Fehler tolerieren kann
 - Beispiel: Tonübertragung
- Prinzipiell gerechtfertigt, weil immer eine positive Restfehlerwahrscheinlichkeit bleibt

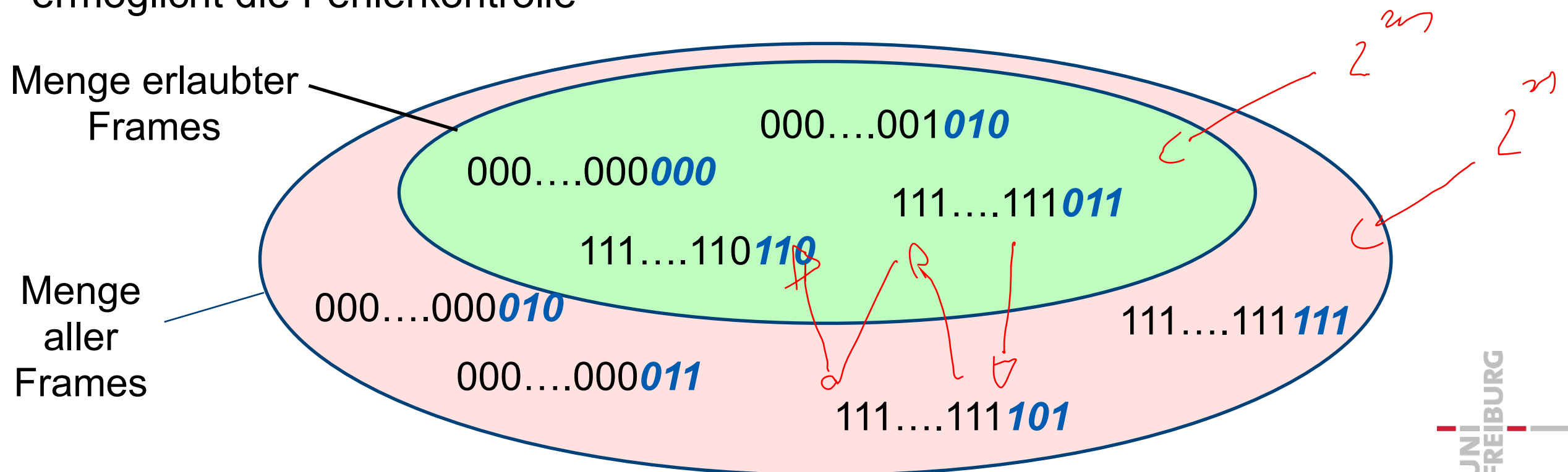
- Redundanz ist eine Voraussetzung für Fehlerkontrolle
- Ohne Redundanz
 - Ein Frame der Länge m kann ~~2^m~~ ^{2^m} mögliche Daten repräsentieren
 - Jede davon ist erlaubt
- Ein fehlerhaftes Bit ergibt einen neuen Dateninhalt

Menge legaler Frames

Menge möglicher Frames



- Kernidee:
 - Einige der möglichen Nachrichten sind verboten
 - Um dann 2^m legale Frames darzustellen
 - werden mehr als 2^m mögliche Frames benötigt
 - Also werden mehr als m Bits in einem Frame benötigt
 - Der Frame hat also Länge $n > m$
 - $r = n - m$ sind die redundanten Bits
 - z.B. Im Header oder Trailer
- Nur die Einschränkung auf erlaubte und verbotene (legal/illegal) Frames ermöglicht die Fehlerkontrolle



Einfachste Redundanz:

Das Paritätsbit

odd 1 1 1 1 $\leftarrow C = x_1 \oplus x_2$
 EVEN 1 1 0 \uparrow

- Eine einfache Regel um ein redundantes Bit zu erzeugen (d.h. $n=m+1$)

■ Parität

- Odd parity

- Eine Eins wird hinzugefügt, so dass die Anzahl der 1er in der Nachricht ungerade wird (ansonsten eine Null)

- Even parity

- Eine Eins wird hinzugefügt, so dass die Anzahl der 1er in der Nachricht gerade wird (ansonsten wird eine Null hinzugefügt)

■ Beispiel:

- Originalnachricht ohne Redundanz: 01101011001
- Odd parity: 011010110011
- Even parity: 011010110010

$$C = x_1 \oplus x_2$$



000

1 1 0
 1 0 1
 0 1 1

Der Nutzen illegaler Frames

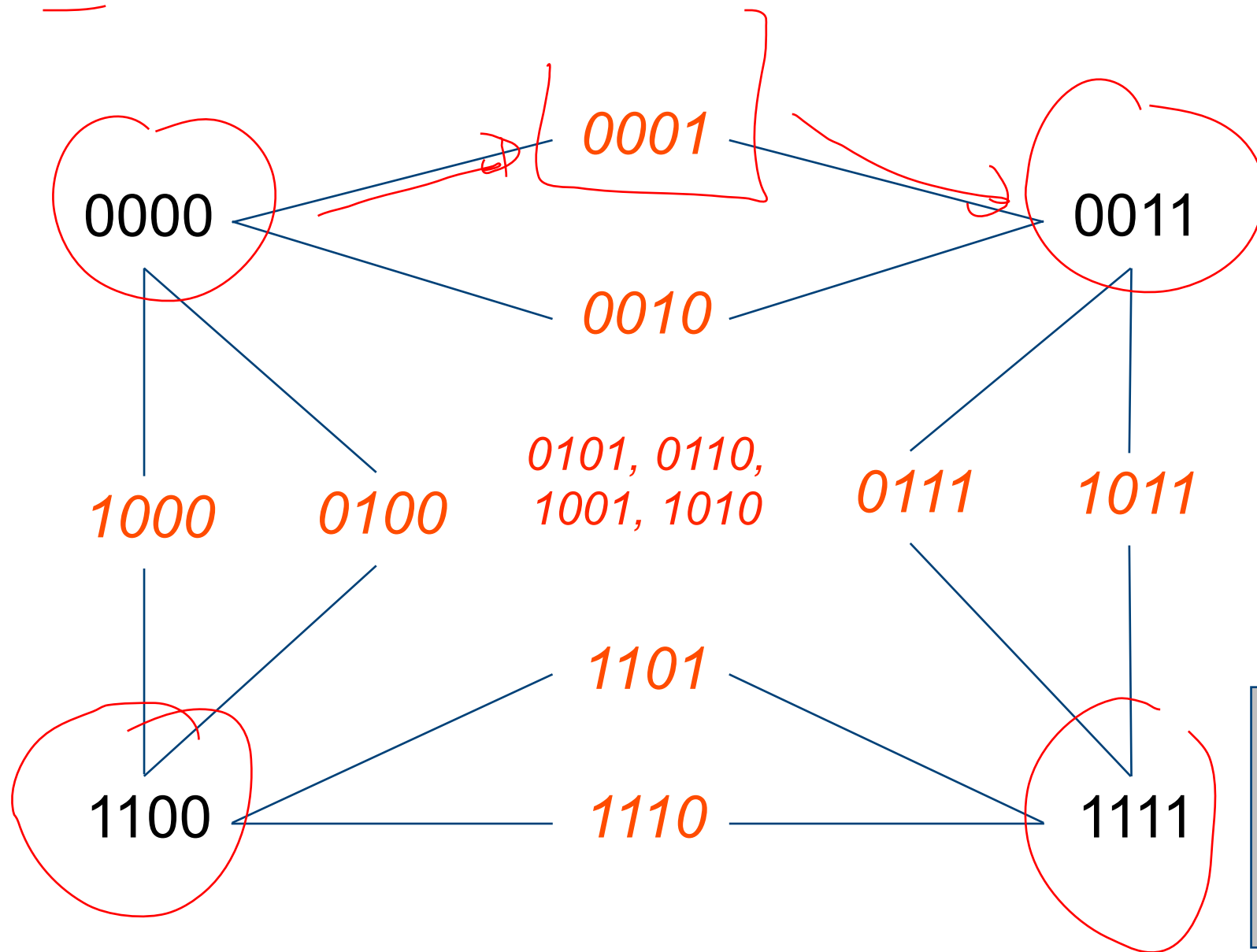
- Der Sender sendet nur erlaubte Frames
- In der Bitübertragungsschicht könnten Bits verfälscht werden
- Hoffnung:
 - Legale Frames werden nur in illegale Nachrichten verfälscht
 - Und niemals ein legaler Frame in einen anderen Legalen

○ Notwendige Annahme

- In der Bitübertragungsschicht werden nur eine bestimmte Anzahl von Bits verändert
 - z.B. k Bits pro Frame
- Die legalen Nachrichten sind verschieden genug, um diese Frame-Fehlerrate zu erkennen

Veränderung der Frames durch Bitfehler

- Angenommen die folgenden Frames sind erlaubt: 0000, 0011, 1100, 1111

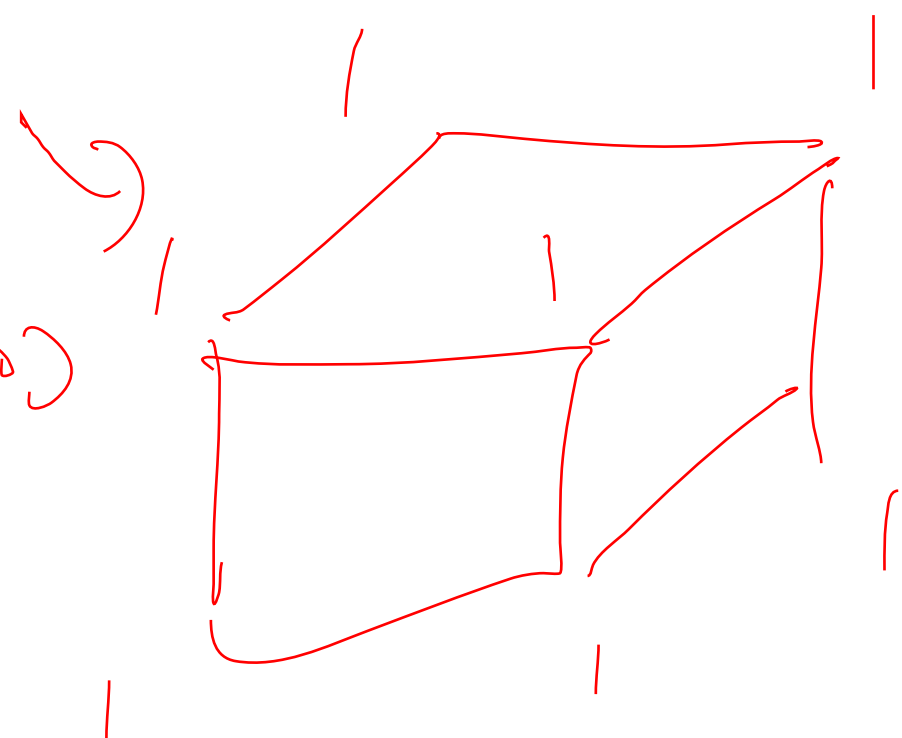
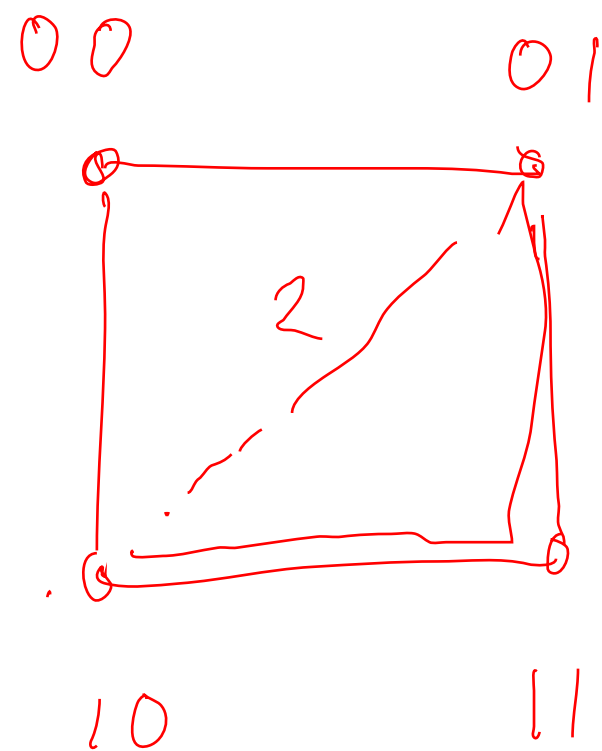
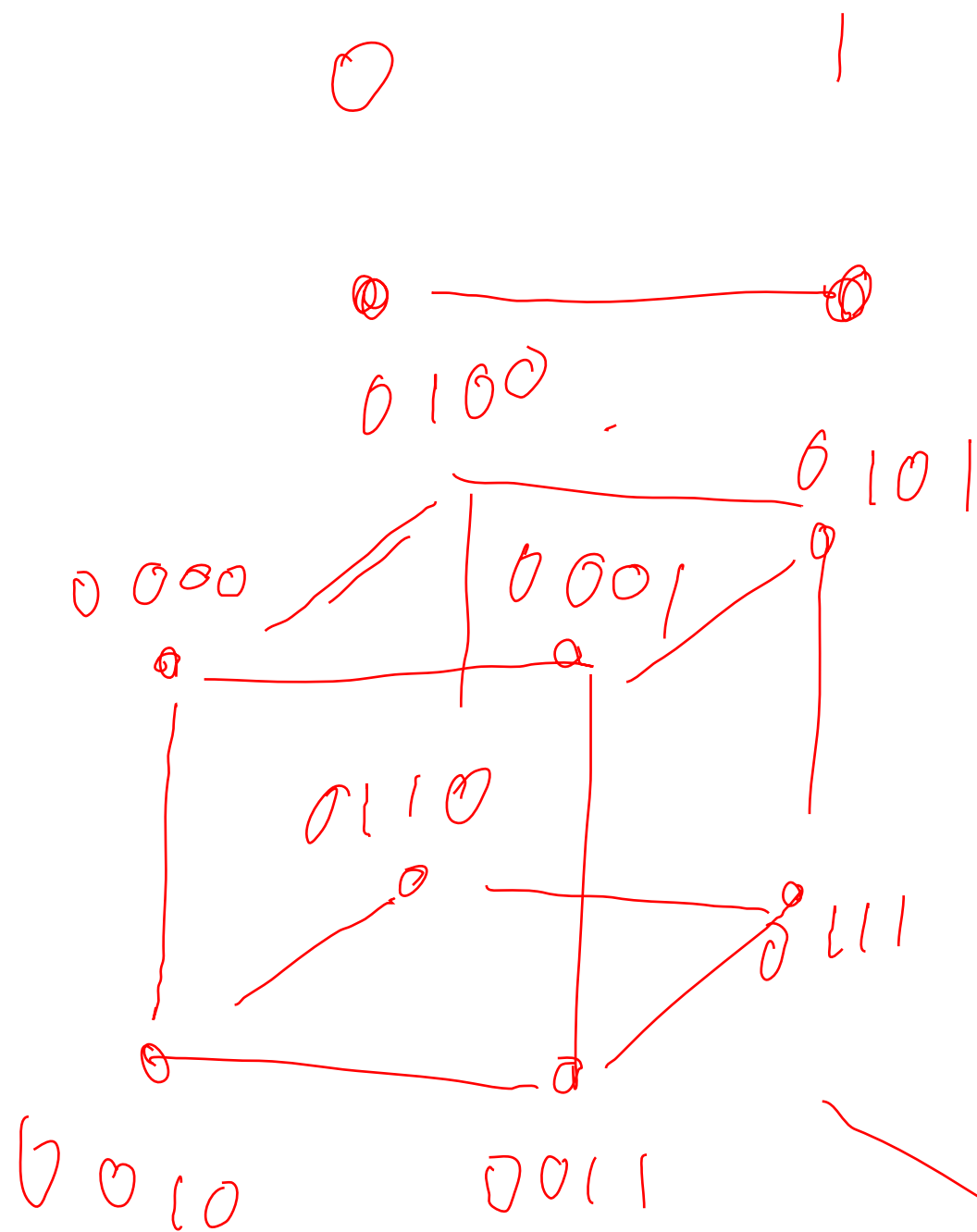


Kanten verbinden Frames, die sich nur in einem Bit unterscheiden

Ein einfacher Bitfehler kann erlaubte Frames nicht in einen anderen erlaubten Frame umformen!

uvxy – erlaubt

abcd – verboten



- Der “Abstand” der erlaubten Nachrichten zueinander war immer zwei Bits
- Definition: Hamming-Distanz
 - Seien $x = x_1, \dots, x_n$ und $y = y_1, \dots, y_n$ Nachrichten
 - Dann sei $d(x,y)$ = die Anzahl der 1er Bits in $x \text{ XOR } y$
- Intuitiver: die Anzahl der Positionen, in denen sich x und y unterscheiden

- Die Hamming-Distanz ist eine Metrik

- Symmetrie

- $d(x,y) = d(y,x)$

- Dreiecksungleichung:

- $d(x,y) \leq d(x,z) + d(z,y)$

- Identität

- $d(x,x) = 0$ und
 $d(x,y) = 0$ gdw. $x = y$

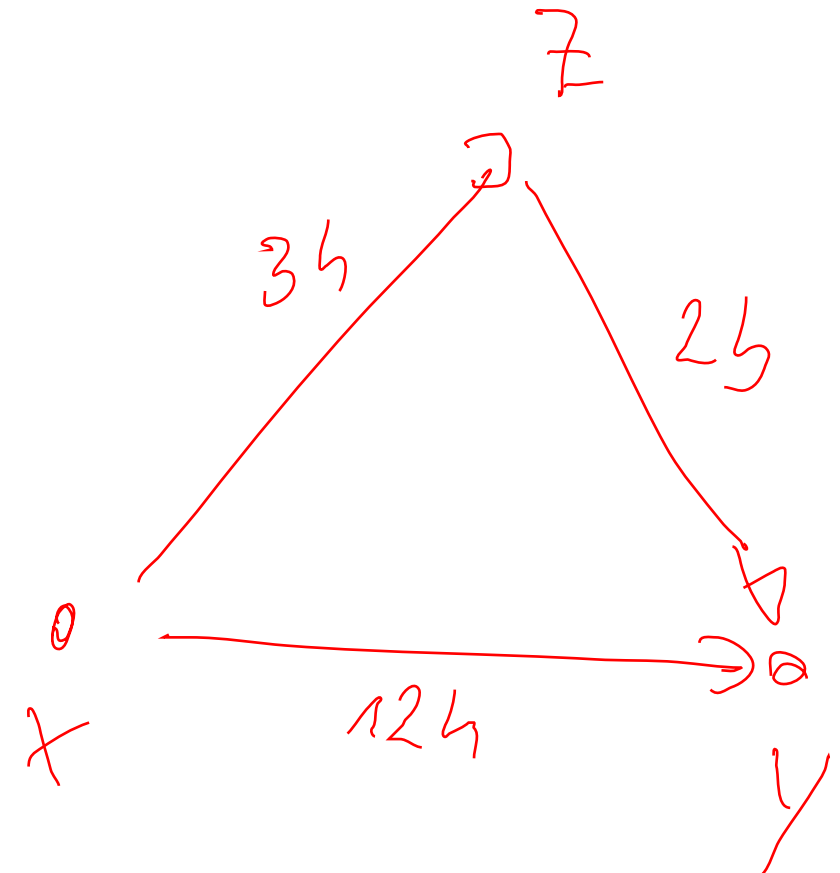
- Beispiel:

- $x = 0011010111$

- $y = 0110100101$

- $x \text{ XOR } y = 0101110010$

- $d(x,y) = 5$



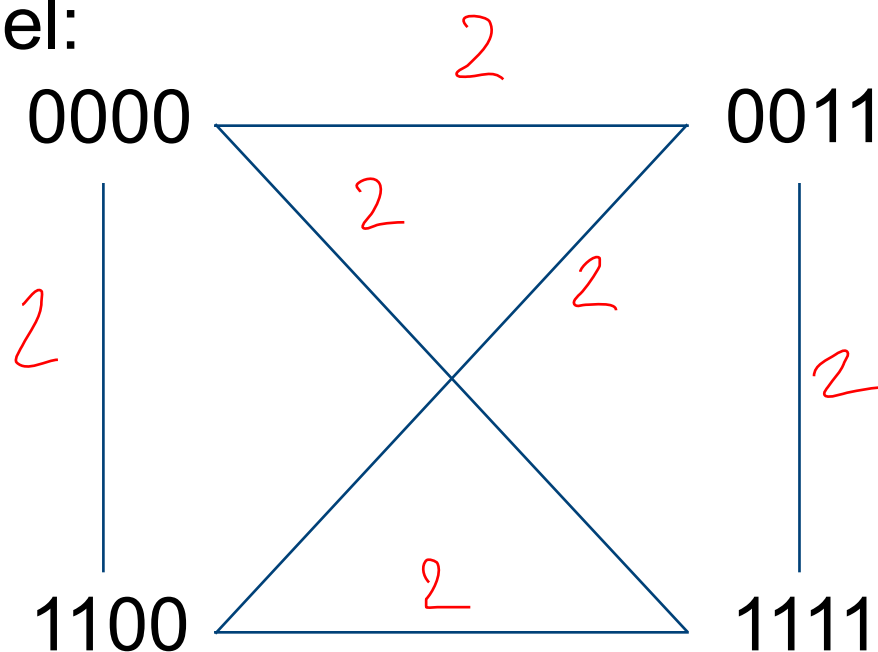
0 0 0 0 0 0
| 6
| | | | |

- Die Hamming-Distanz einer Menge von (gleich langen) Bit-Strings S ist:

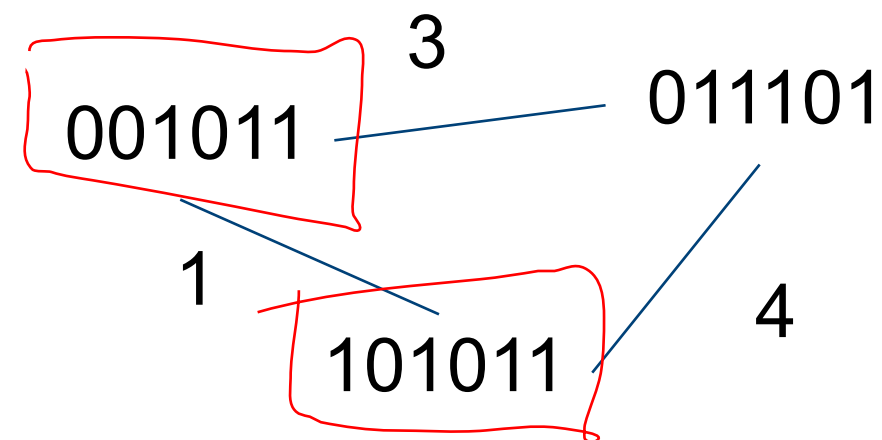
$$\underline{d(S)} = \min_{x, y \in S, x \neq y} d(x, y)$$

- d.h. der kleinste Abstand zweier verschiedener Wörter in S

Beispiel:

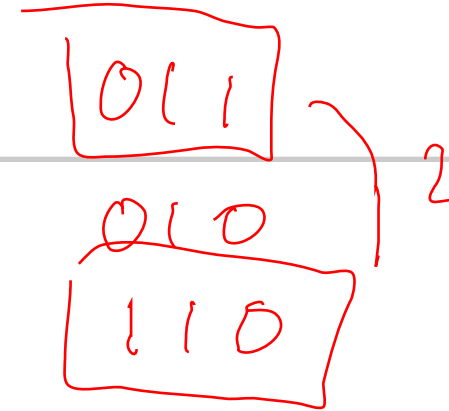


Alle Abstände sind 2

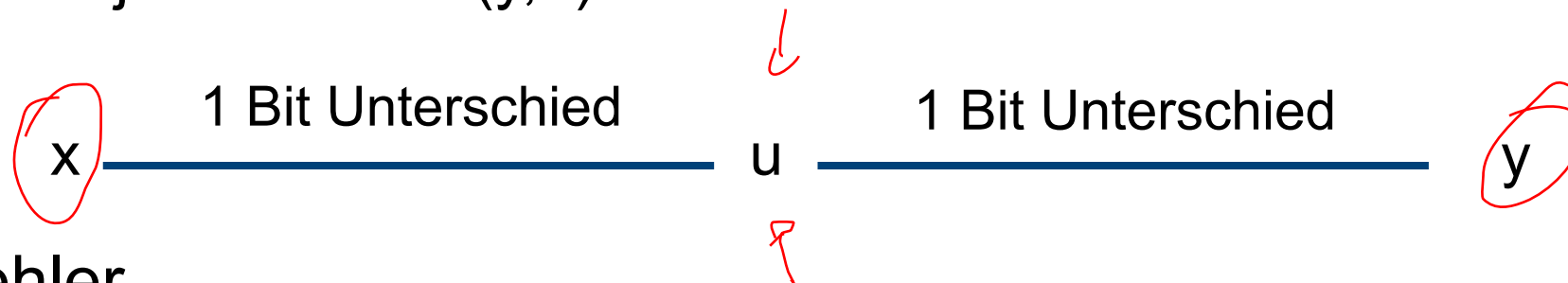


Ein Abstand ist 1!

Erkennung und Korrektur mit Hamming-Distanzen



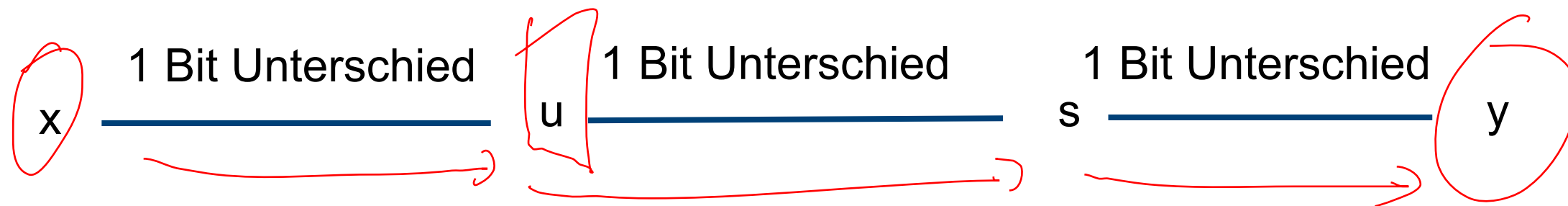
- 1. Fall $d(S) = 1$
 - Keine Fehlerkorrektur
 - Legale Frames unterscheiden sich in nur einem Bit
- 2. Fall $d(S) = 2$
 - Dann gibt es nur $x, y \in S$ mit $d(x, y) = 2$
 - Somit ist jedes u mit $d(x, u) = 1$ illegal,
 - wie auch jedes u mit $d(y, u) = 1$



- 1-Bit-Fehler
 - können immer erkannt werden
 - aber nicht korrigiert werden

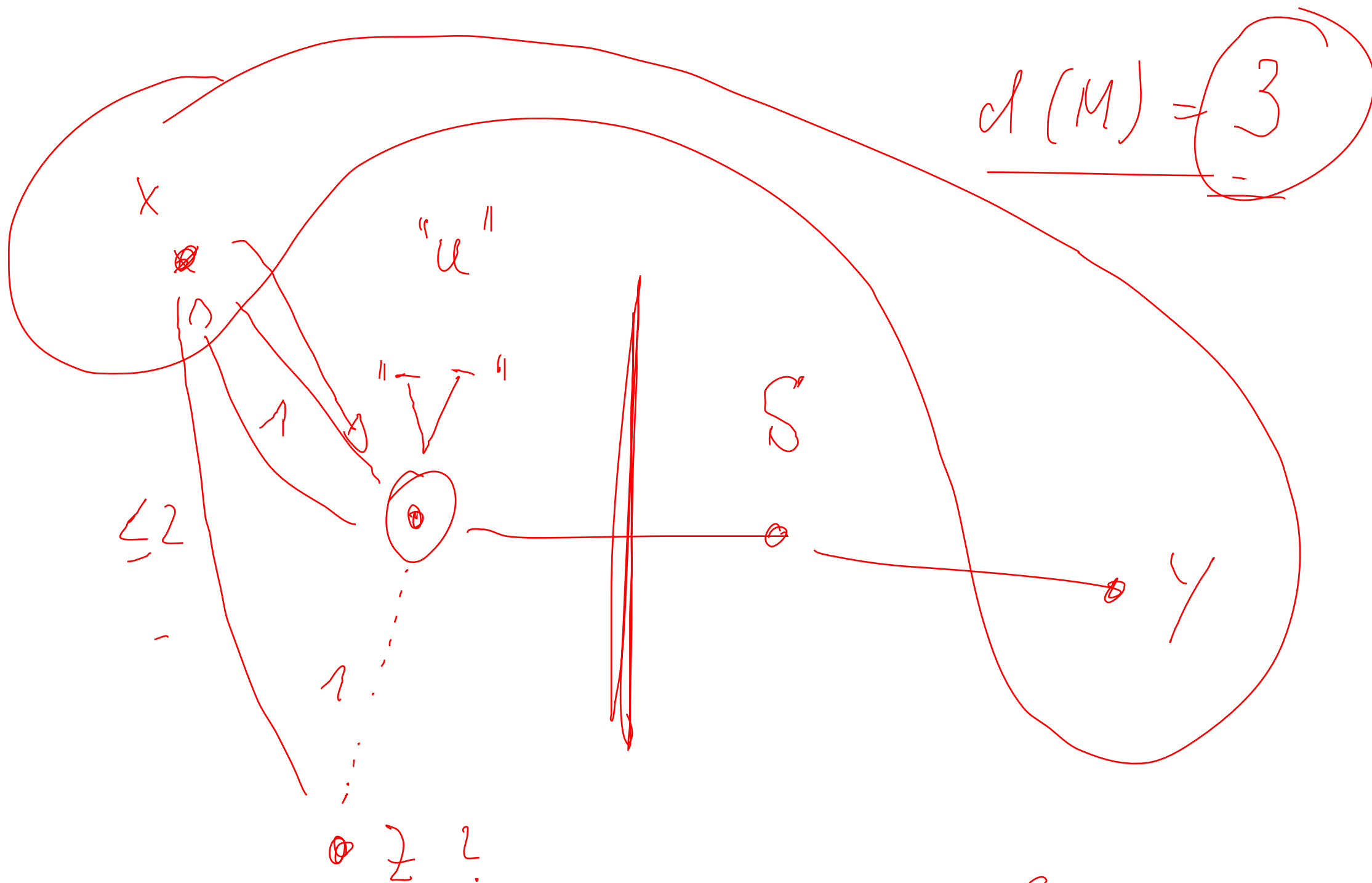
■ 3. Fall $d(S) = 3$

- Dann gibt es nur $x, y \in S$ mit $d(x, y) = 3$
- Jedes u mit $d(x, u) = 1$ illegal und $d(y, u) > 1$



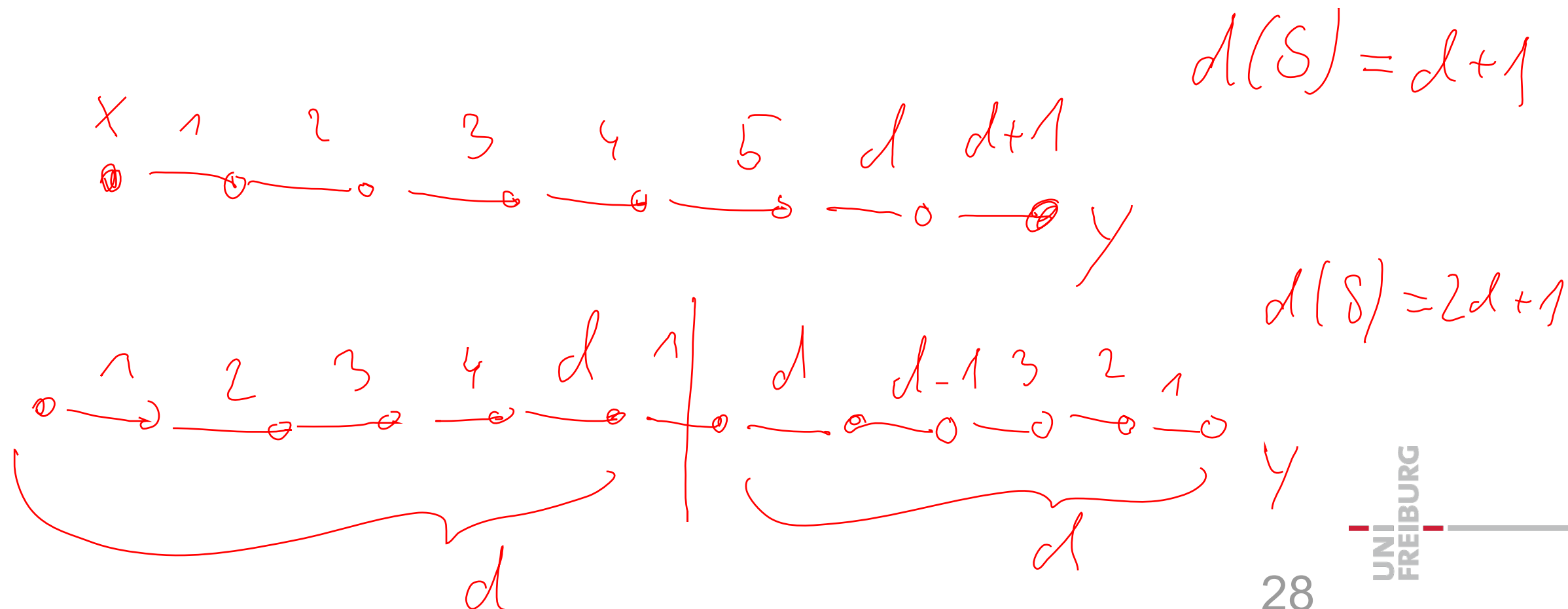
- Falls u empfangen wird, sind folgende Fälle denkbar:
 - x wurde gesendet und mit 1 Bit-Fehler empfangen
 - y wurde gesendet und mit 2 Bit-Fehlern empfangen
 - Etwas anderes wurde gesendet und mit mindestens 2 Bit-Fehlern empfangen
- Es ist also wahrscheinlicher, dass x gesendet wurde, statt y

$$\underline{d(M) = 3}$$



$$2 \notin M?$$

- Um d Bit-Fehler zu erkennen ist eine Hamming-Distanz von $d+1$ in der Menge der legalen Frames notwendig
- Um d Bit-Fehler zu korrigieren, ist eine Hamming-Distanz von $2d+1$ in der Menge der legalen Frames notwendig



- Die Menge der legalen Frames $S \in \{0,1\}^n$ wird **das Code-Buch** oder einfach Kodierung genannt.

- Die Rate R eines Codes S ist definiert als
 - Die Rate charakterisiert die Effizienz des Codes

$$R_S = \frac{\log |S|}{n}$$

Handwritten notes in red:

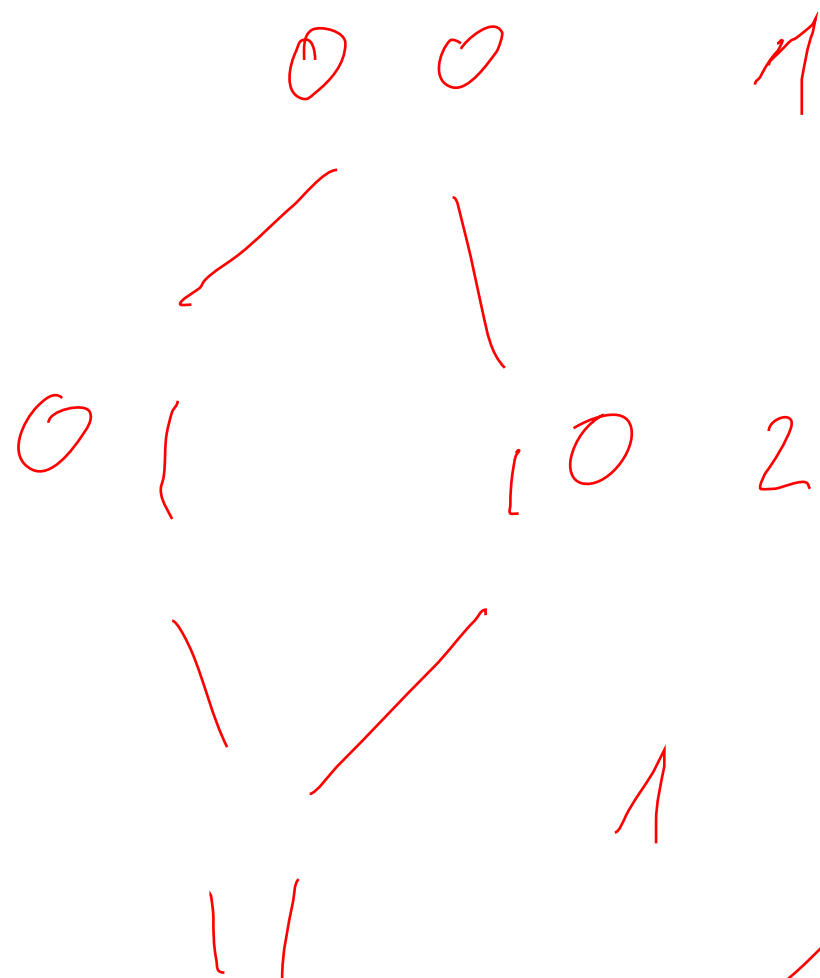
$S_1 \leftrightarrow 000$
 $S_2 \quad 001$
 $S_3 \quad 010$

A bracket groups the three binary strings, with an arrow pointing to $\log |S|$.

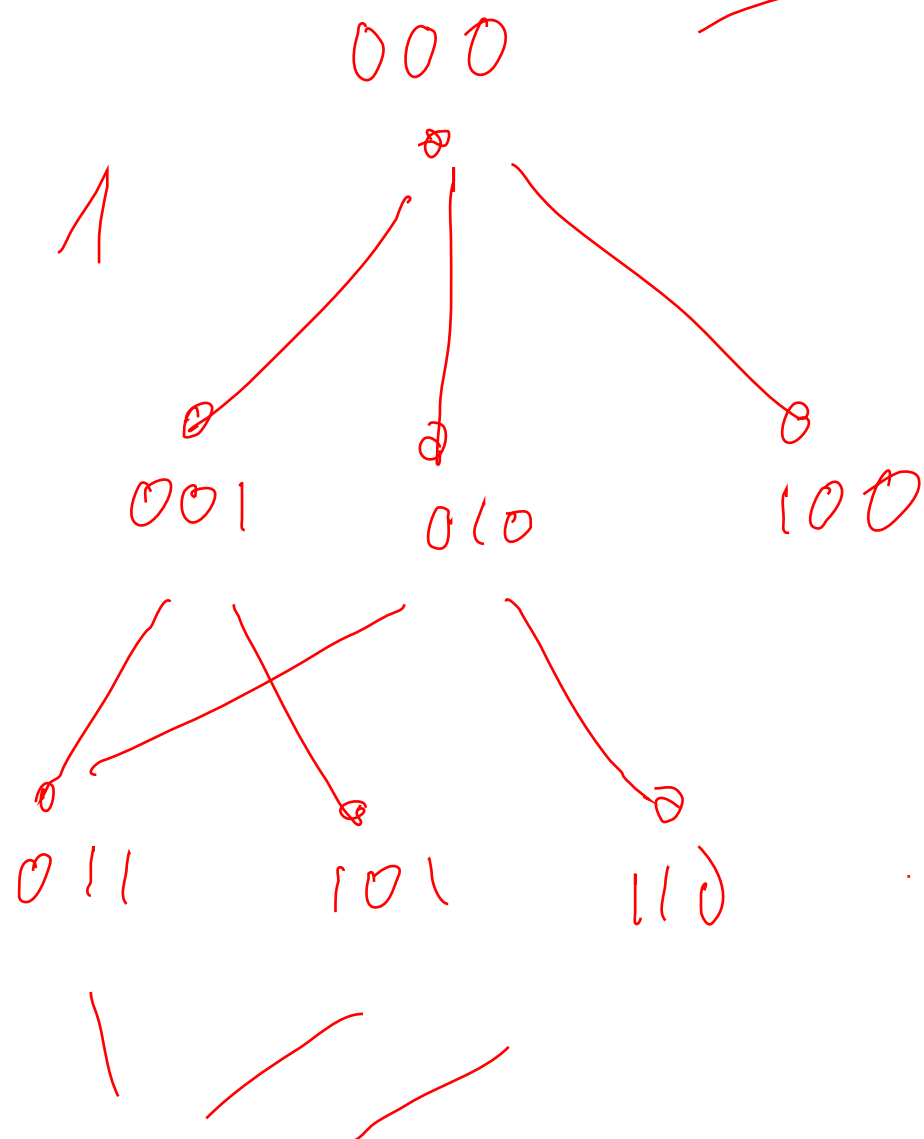
- Die Distanz δ des Codes S ist definiert als
 - charakterisiert die Fehlerkorrektur oder Fehlererkennungsmöglichkeiten

$$\delta_S = \frac{d(S)}{n}$$

- Gute Codes haben hohe Raten und hohe Distanz
 - Beides lässt sich nicht zugleich optimieren



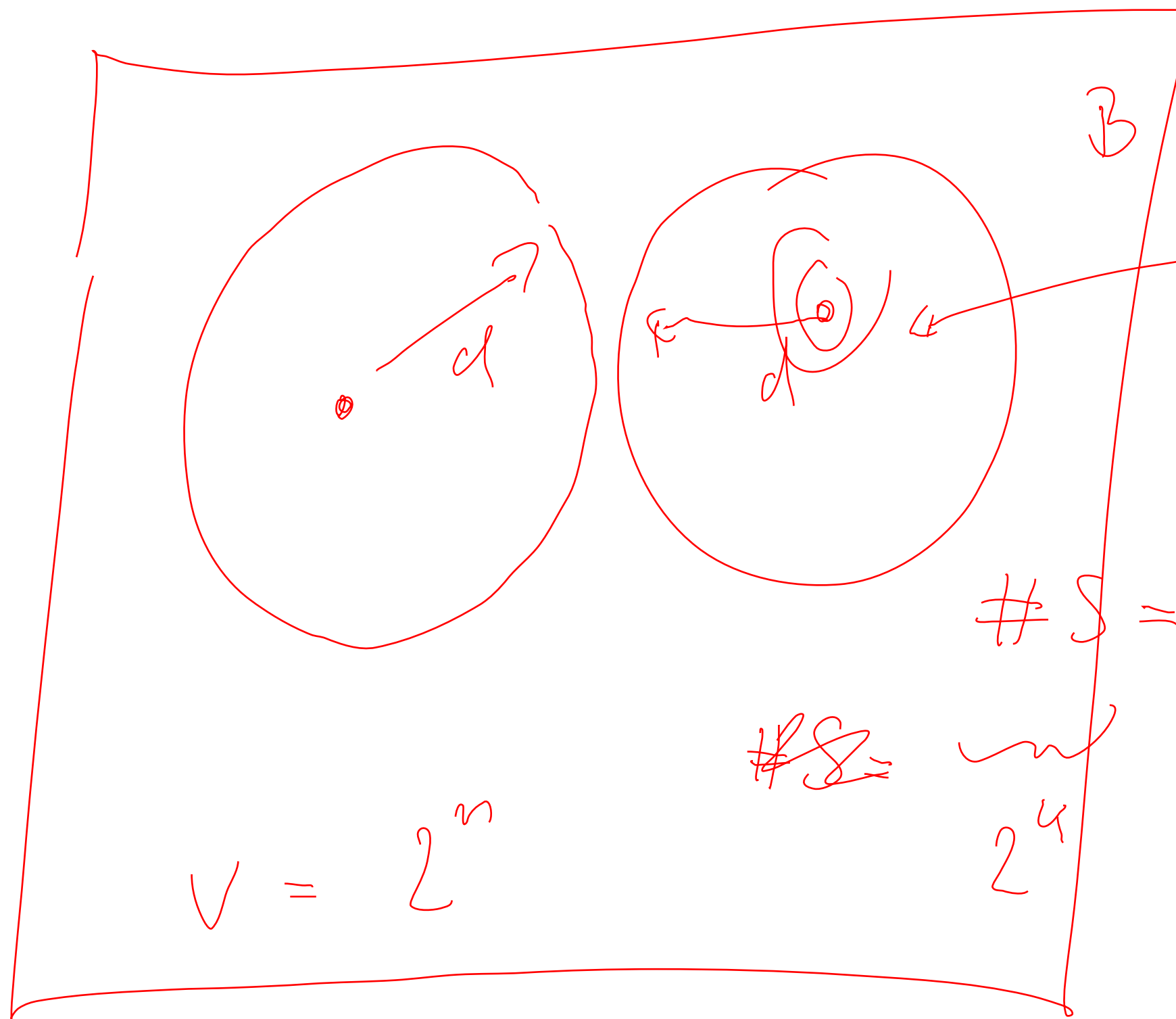
n	1	2	3	4	5	6	7
\rightarrow	1	1	1	1	1	1	1
\rightarrow	1	2	3	4	5	6	
		1	3	6	10	15	
			1	4	10	20	
				1	5	15	
					1	6	
						1	



$$\binom{n}{k} =$$

$$\frac{n!}{k!(n-k)!}$$

1



$$\sum_{i=0}^d \binom{d}{i}$$

$$\#S = \frac{V}{B} \leftarrow 2^n$$

$$\#S = \frac{V}{2^4}$$

$$V = 2^n$$

$$2^{n-k} = \frac{2^n}{2^k} = B = \sum_{i=0}^d \binom{d}{i}$$

- Block-Codes kodieren k Bits Originaldaten in n kodierte Bits
 - Zusätzlich werden $n-k$ Symbole hinzugefügt
 - Binäre Block-Codes können höchstens bis zu t Fehler in einem Code-Wort der Länge n mit k Originalbits erkennen, wobei (Gilbert-Varshamov-Schranke):

$$2^{n-k} \geq \sum_{i=0}^t \binom{n}{i}$$

- Das ist eine theoretische obere Schranke
- Beispiele
 - Bose Chaudhuri Hocquenghem (BCH) Codes
 - basierend auf Polynomen über endlichen Körpern (Galois-Körpern)
 - Reed Solomon Codes
 - Spezialfall nichtbinärer BCH-Codes