

Systeme II

3. Die Datensicherungsschicht

Christian Schindelhauer

Technische Fakultät

Rechnernetze und Telematik

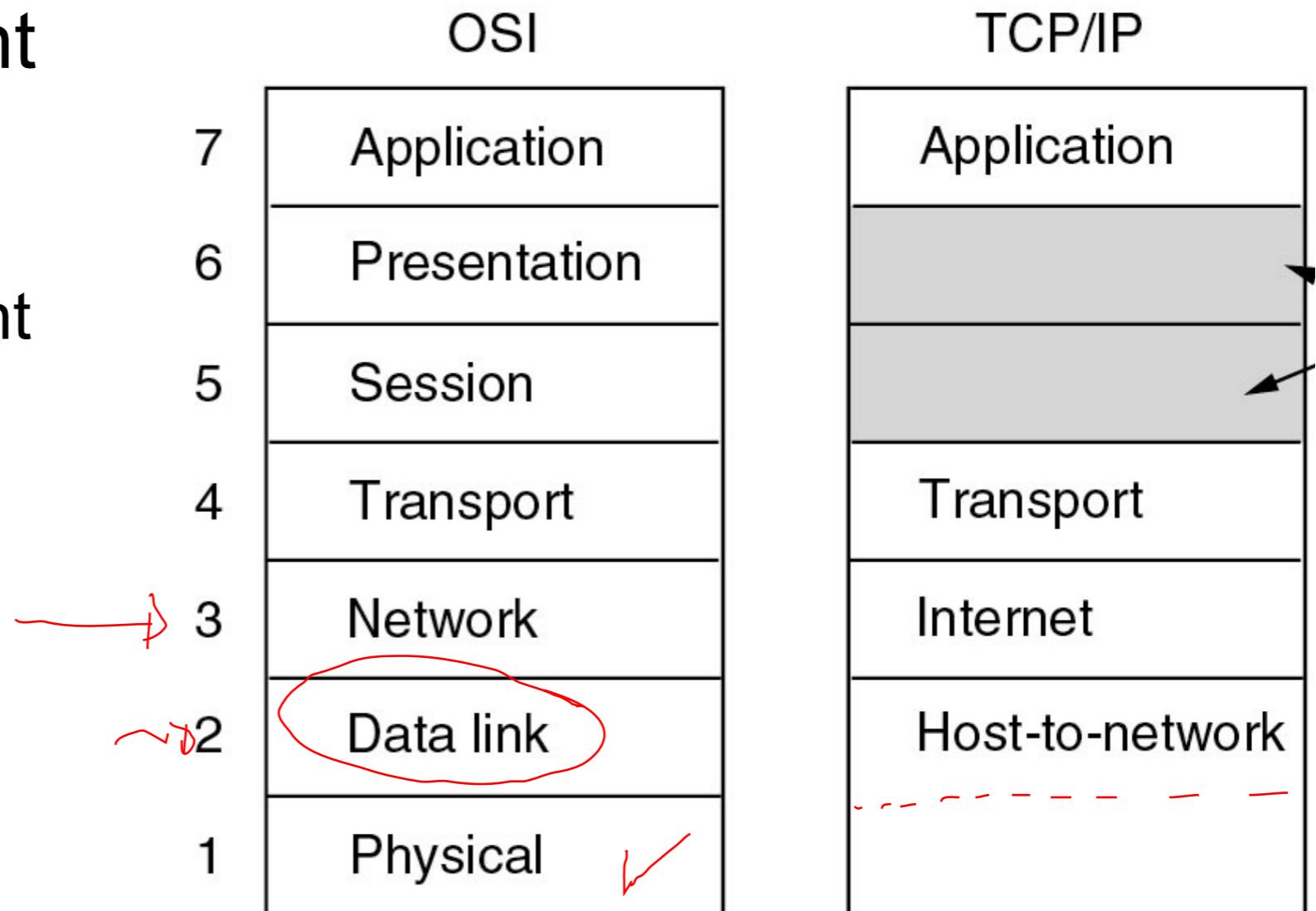
Albert-Ludwigs-Universität Freiburg

Version 14.05.2013

Die Sicherungsschicht

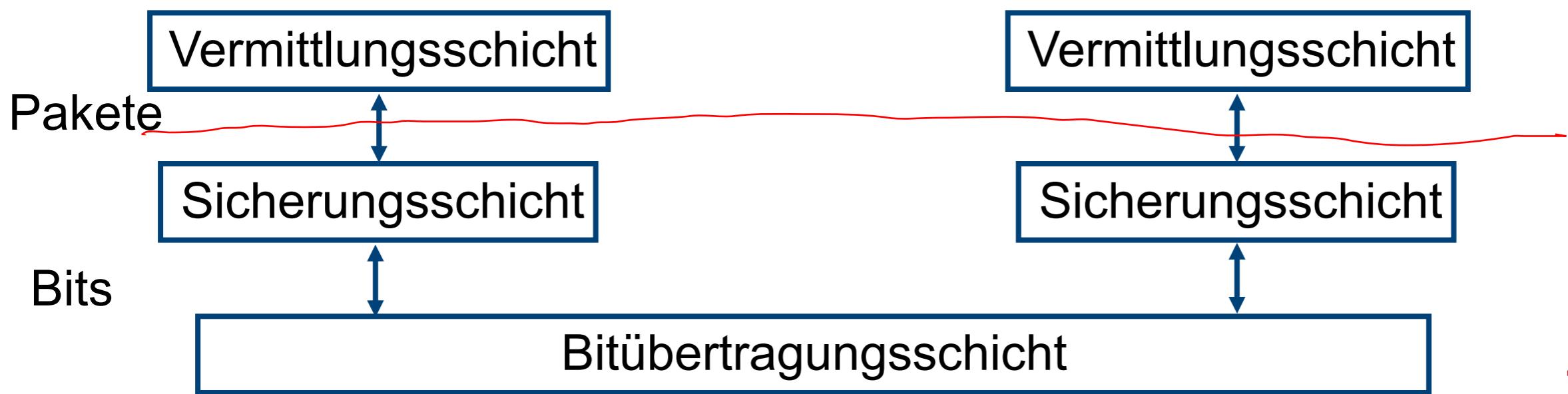
- Aufgaben der Sicherungsschicht (Data Link Layer)

- Dienste für die Vermittlungsschicht
- Frames
- Fehlerkontrolle
- Flusskontrolle



Dienste der Sicherungsschicht

- Situation der Sicherungsschicht
 - Die Bitübertragungsschicht überträgt Bits
 - Aber unstrukturiert und möglicherweise fehlerbehaftet
- Die Vermittlungsschicht erwartet von der Sicherungsschicht
 - Fehlerfreie Übermittlung
 - Übermittlung von strukturierten Daten
 - Datenpakete oder Datenströme
 - Störungsfreien Datenfluss



■ Verlässlicher Dienst?

- ⌚ Das ausgelieferte und das empfangene Paket müssen identisch sein
- ⌚ Alle Pakete sollen (irgendwann) ankommen
- ⌚ Pakete sollen in der richtigen Reihenfolge ankommen
- ⌚ Fehlerkontrolle ist möglicherweise notwendig

⌚ Verbindungsorientiert?

- Ist die Punkt-zu-Punktverbindung in einem größerem Kontext?
- ⌚ Reservierung der Verbindung notwendig?

■ Pakete oder Datenströme (Bitströme)?

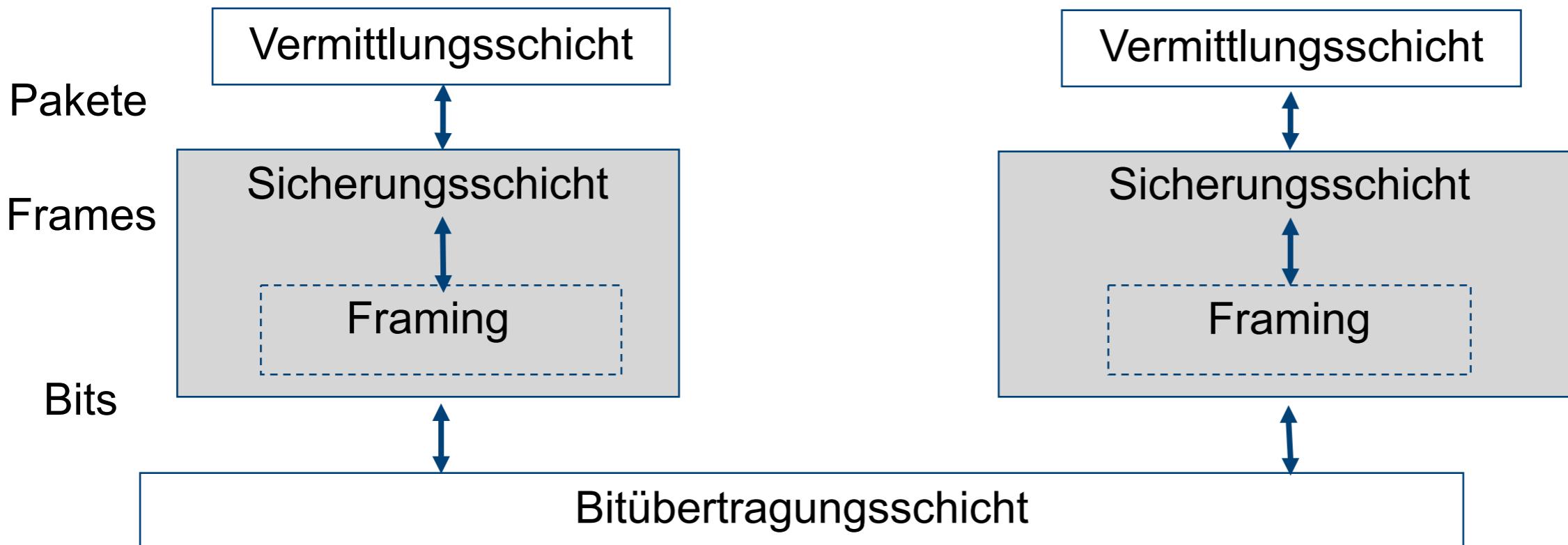
Unterscheidung: Dienst und Implementation

- Beispiel
 - Verbindungsloser und verlässlicher Dienst wird durch die Vermittlungsschicht gefordert
 - Sicherungsschicht verwendet intern verbindungsorientierten Dienst mit Fehlerkontrolle
- Andere Kombinationen sind möglich

Frames

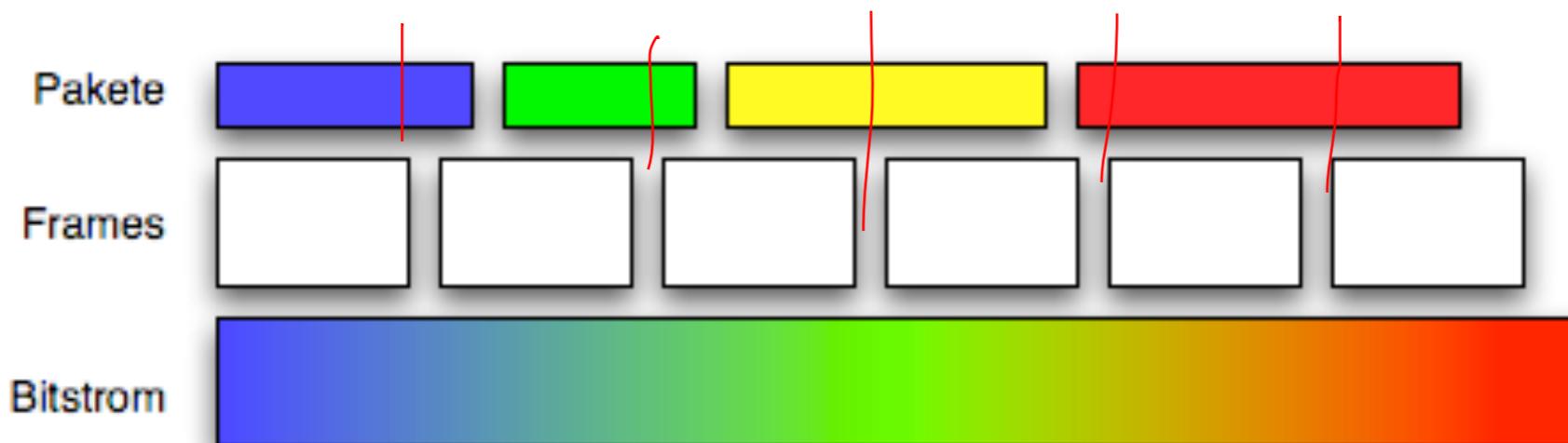


- Der Bitstrom der Bitübertragungsschicht wird in kleinere "Frames" unterteilt
 - Notwendig zur Fehlerkontrolle
 - Frames sind Pakete der Sicherungsschicht
- Frame-Unterteilung (Fragmentierung) und Defragmentierung sind notwendig
 - Falls die Pakete der Vermittlungsschicht größer sind als die Frames

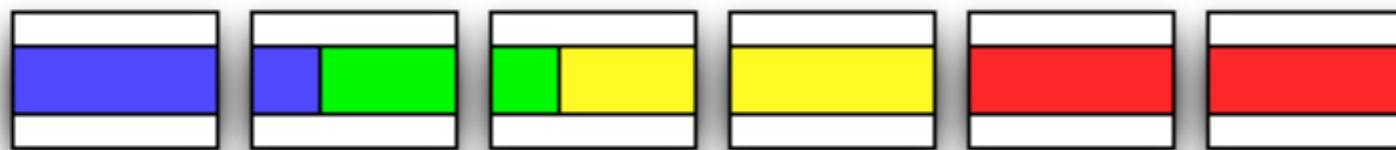


Frames

- Die Sicherungsschicht zwischen der Bitübertragungsschicht mit Bitstrom und der Vermittlungsschicht mit Paketen



- Pakete werden in Framegröße fragmentiert



- Zumeist gefordert von der Vermittlungsschicht

- Mit Hilfe der Frames

- ① Fehlererkennung

- Gibt es fehlerhaft übertragene Bits?

- Fehlerkorrektur

- Behebung von Bitfehlern

- Vorwärtsfehlerkorrektur (Forward Error Correction)

- Verwendung von redundanter Kodierung, die es ermöglicht Fehler ohne zusätzliche Übertragungen zu beheben

- Rückwärtsfehlerkorrektur (Backward Error Correction)

- Nach Erkennen eines Fehlers, wird durch weitere Kommunikation der Fehler behoben



Verbindungsauftbau

① Nutzen von Verbindungen

- Kontrolle des Verbindungsstatus
 - Korrektheit des Protokolls
- Fehlerkontrolle
 - Verschiedene Fehlerkontrollverfahren vertrauen auf gemeinsamen Kontext von Sender und Empfänger

② Aufbau und Terminierung von Verbindungen

- “Virtuelle Verbindungen”
 - Es werden keine Schalter umgelegt
 - Interpretation des Bitstroms
- Kontrollinformationen in Frames
 - Besonders wichtig bei drahtlosen Medien
- Das Problem wird im Rahmen der Transportschicht ausführlich diskutiert
 - Vgl. Sitzungsschicht vom OSI-Modell

Flusskontrolle

- Problem: Schneller Sender und langsamer Empfänger
 - Der Sender lässt den Empfangspuffer des Empfängers überlaufen
 - Übertragungsbandweite wird durch sinnlosen Mehrfachversand (nach Fehlerkontrolle) verschwendet
- ⌚ Anpassung der Frame-Sende-Rate an dem Empfänger notwendig



Frames

- Wo fängt der Frame an und wo hört er auf?
- Achtung:
 - Die Bitübertragungsschicht kann auch Bits liefern, wenn der Sender tatsächlich nichts sendet
 - Der Empfänger
 - könnte das Rauschen auf dem Medium interpretieren
 - könnte die Folge 00000000 ... liefern
 - Daten oder Kontrollinformation?

Übertragener
Bitstrom

011001010111010111001010001010101010101100010



Frame-Anfang?

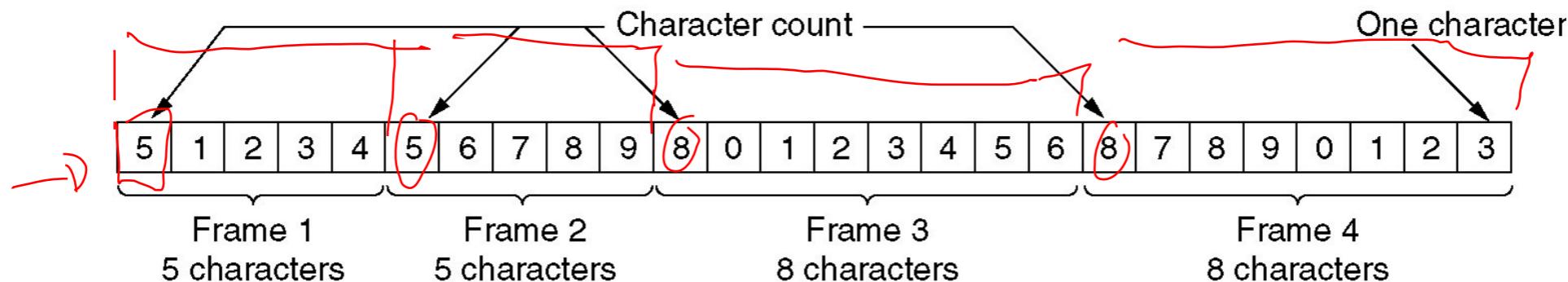


Frame-Ende?

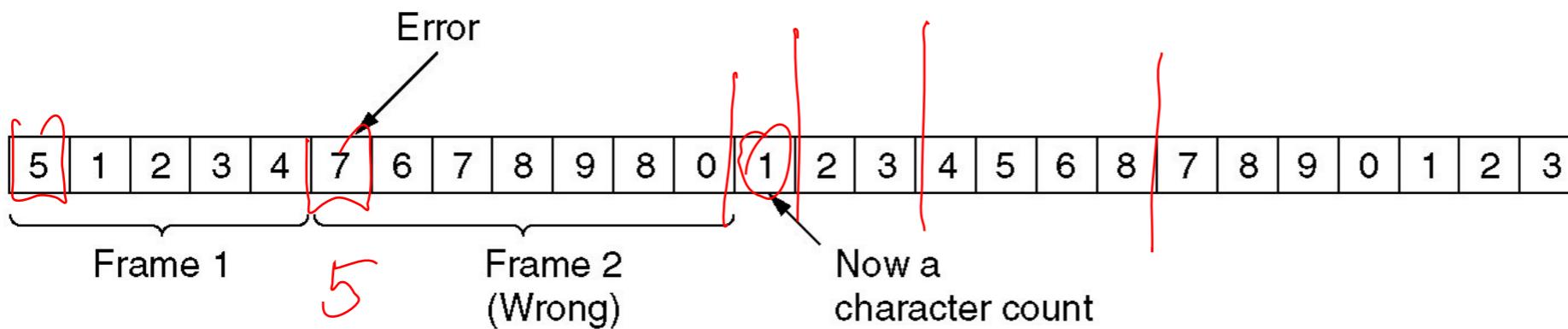


Frame-Grenzen durch Paketlängen?

- Idee: Ankündigung der Bitanzahl im Frame-Header



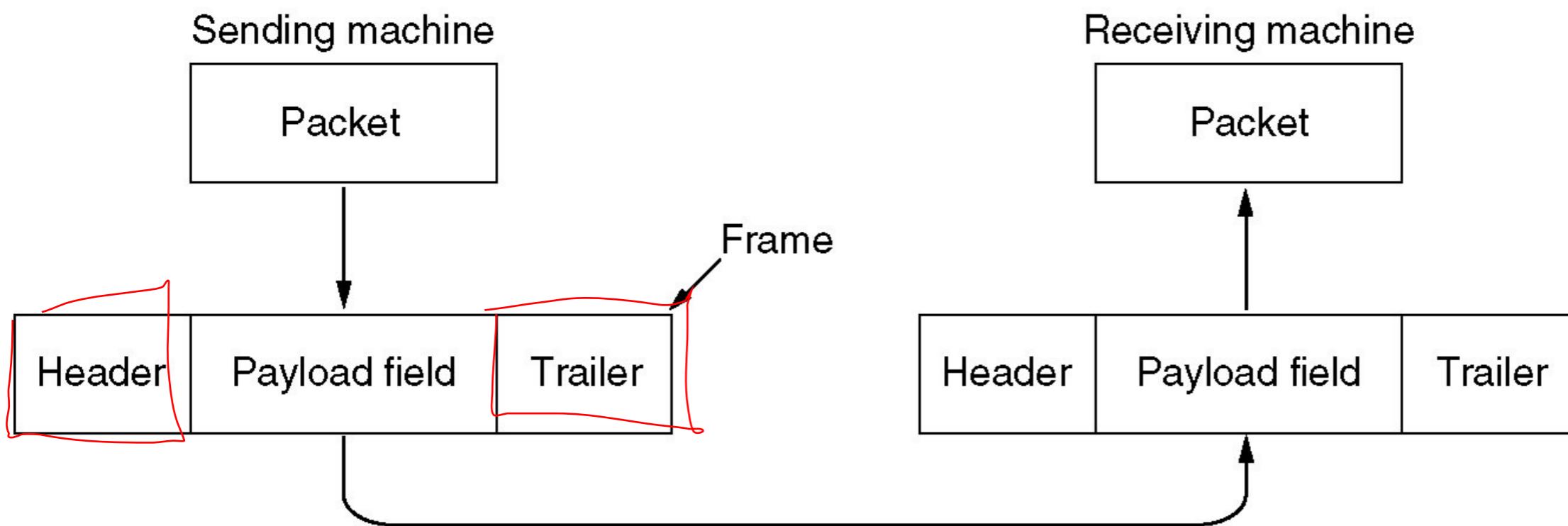
- Problem: Was, wenn die Frame-Länge fehlerhaft übertragen wird?
 - Der Empfänger kommt aus dem Takt und interpretiert neue, sinnlose Frames
 - Variable Frame-Größen mit Längeninformation sind daher kein gutes Konzept



Header und Trailer

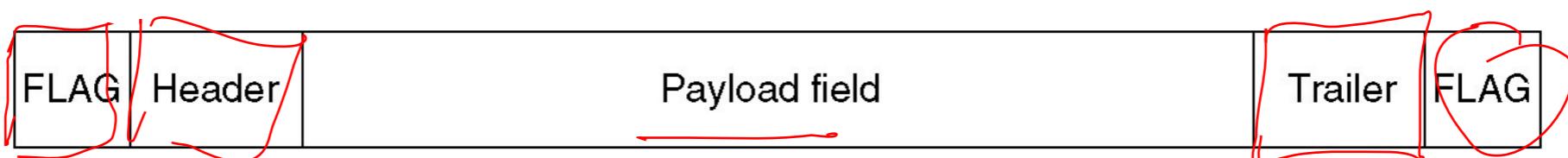
■ Header und Trailer

- Zumeist verwendet man Header am Anfang des Frames, mitunter auch Trailer am Ende des Frames
- signalisieren den Frame-Beginn und das Frame-Ende
- tragen Kontrollinformationen
 - z.B. Sender, Empfänger, Frametypen, Fehlerkontrollinformation



Flag Bytes und Bytestopfen

- Besondere “Flag Bytes” markieren Anfang und Ende eines Frames

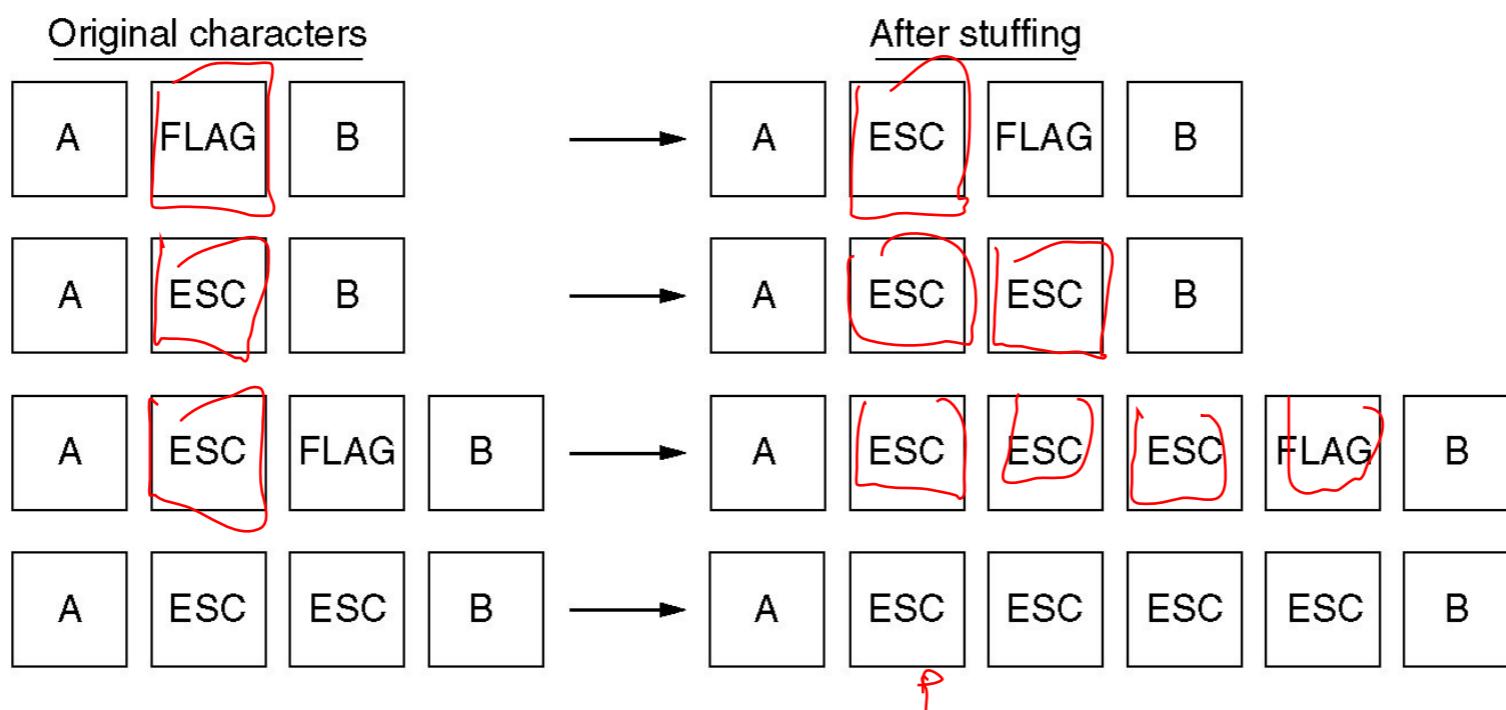


- Falls diese Marker in den Nutzdaten vorkommen

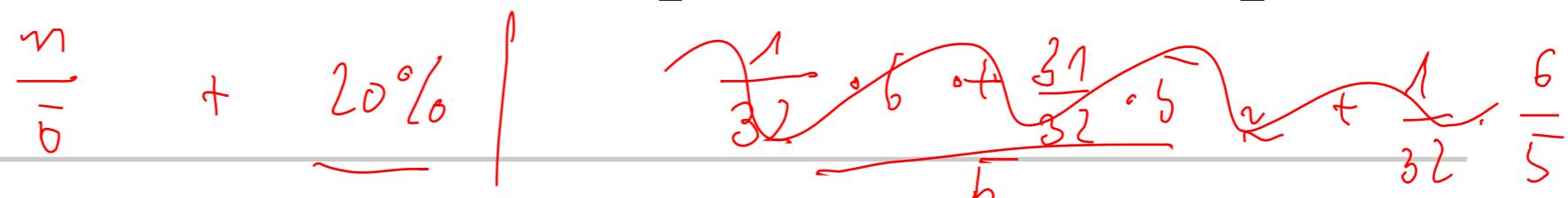
- Als Nutzdatenbyte mit Sonderzeichen (Escape) markieren
 - Bytestopfen (byte stuffing)
- Falls Sonderzeichen und “Flag-Byte” erscheinen, dito,
- etc., etc.

$$\frac{1}{128} \cdot 2 +$$

$$\frac{127}{128} \cdot 1 = 1,003$$



Frames durch Bit-Sequenzen/Bitstopfen



- Bytestopfen verwendet das Byte als elementare Einheit

- Das Verfahren funktioniert aber auch auf Bitebene

- ## ▪ Flag Bits und Bitstopfen (bit stuffing)

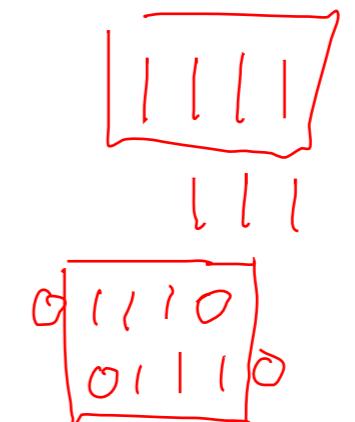
- Statt flag byte wird eine Bit-Folge verwendet

- z.B.: 01111110

- ## - Bitstopfen

- Wenn der Sender eine Folge von fünf 1er senden möchte, wird automatisch eine 0 in den Bitstrom eingefügt

- Außer bei den Flag Bits



- Der Empfänger entfernt eine 0 nach fünf 1ern

Originale Nutzdate

(a) 01101111111111111110010

Nach dem Bitstopfen

(b) 011011110111110110010

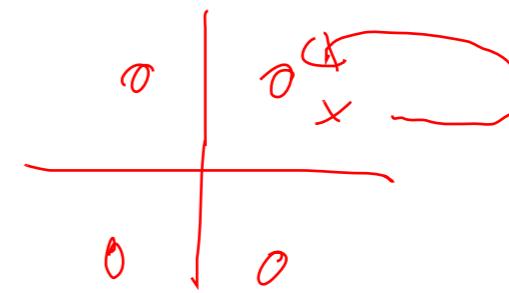
Nach der “Entstopfung”

(c) 011011111111111110010

Frames durch Code-Verletzung

- Möglicher Spielraum bei Bitübertragungsschicht bei der Kodierung von Bits auf Signale
 - Nicht alle möglichen Kombinationen werden zur Kodierung verwendet
 - Zum Beispiel: Manchester-Kodierung hat nur tief/hoch und hoch/tief–Übergang
- Durch “Verletzung” der Kodierungsregeln kann man Start und Ende des Rahmens signalisieren
 - Beispiel: Manchester – Hinzunahme von hoch/hoch oder tief/tief
 - Selbsttaktung von Manchester gefährdet?
- Einfache und robuste Methode
 - z.B. verwendet in Ethernet
 - Kosten? Effiziente Verwendung der Bandbreite?

Fehlerkontrolle



Aufgaben

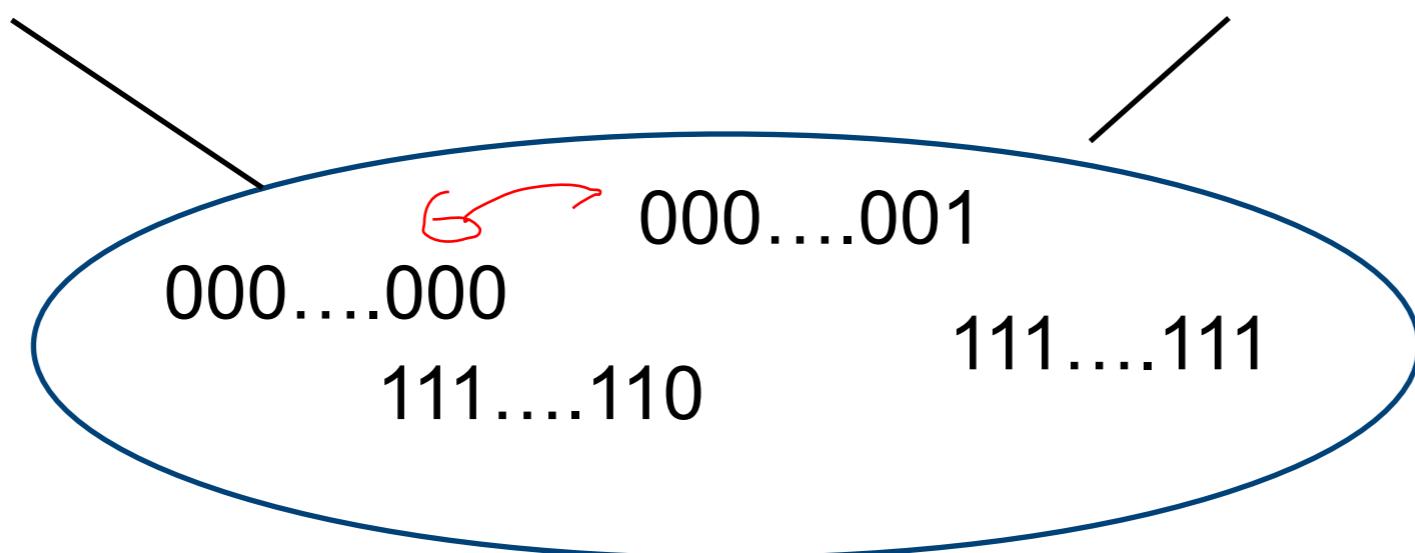
- Erkennung von Fehlern (fehlerhafte Bits) in einem Frame
- Korrektur von Fehlern in einem Frame
- Jede Kombination dieser Aufgaben kommt vor
 - Erkennung ohne Korrektur
 - Löschen eines Frames ohne weiter Benachrichtigung (drop a frame)
 - Höhere Schichten müssen sich um das Problem kümmern
 - Korrektur ohne Erkennung
 - Es werden bestmöglich Bitfehler beseitigt, möglicherweise sind aber noch Fehler vorhanden
 - Sinnvoll, falls Anwendung Fehler tolerieren kann
 - Beispiel: Tonübertragung
 - Prinzipiell gerechtfertigt, weil immer eine positive Restfehlerwahrscheinlichkeit bleibt

Redundanz

- Redundanz ist eine Voraussetzung für Fehlerkontrolle
- Ohne Redundanz
 - Ein Frame der Länge m kann 2^m mögliche Daten repräsentieren
 - Jede davon ist erlaubt
- Ein fehlerhaftes Bit ergibt einen neuen Dateninhalt

Menge legaler Frames

Menge möglicher Frames

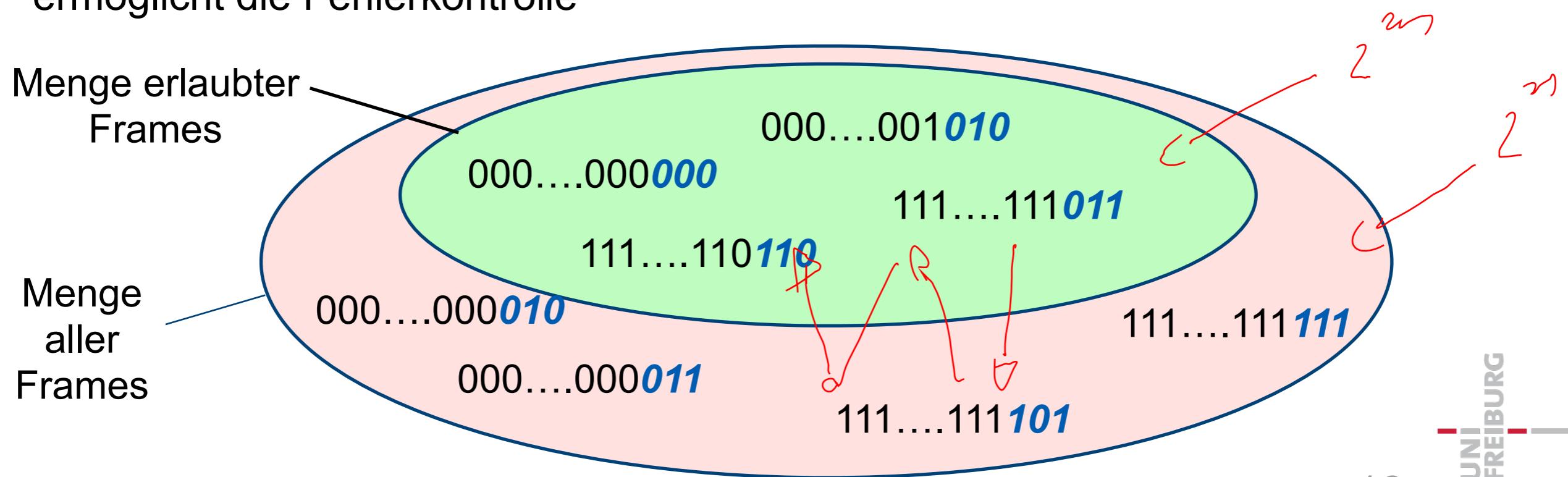


Redundanz

Kernidee:

- Einige der möglichen Nachrichten sind verboten
- Um dann 2^m legale Frames darzustellen
 - werden mehr als 2^m mögliche Frames benötigt
 - Also werden mehr als m Bits in einem Frame benötigt
- Der Frame hat also Länge $n > m$
- ~~r = m - n~~ sind die redundanten Bits
 - z.B. Im Header oder Trailer

Nur die Einschränkung auf erlaubte und verbotene (legal/illegal) Frames ermöglicht die Fehlerkontrolle



Einfachste Redundanz: Das Paritätsbit

$$\begin{array}{c} \text{Odd } 111 \leftarrow c = \overline{x_1 \oplus x_2} \\ \text{Even } 110 \end{array}$$

- Eine einfache Regel um ein redundantes Bit zu erzeugen (d.h. $n=m+1$)

Parität

- Odd parity

- Eine Eins wird hinzugefügt, so dass die Anzahl der 1er in der Nachricht ungerade wird (ansonsten eine Null)

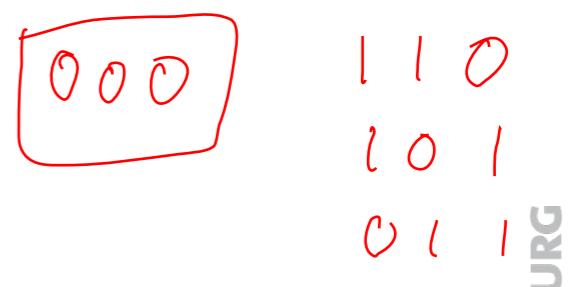
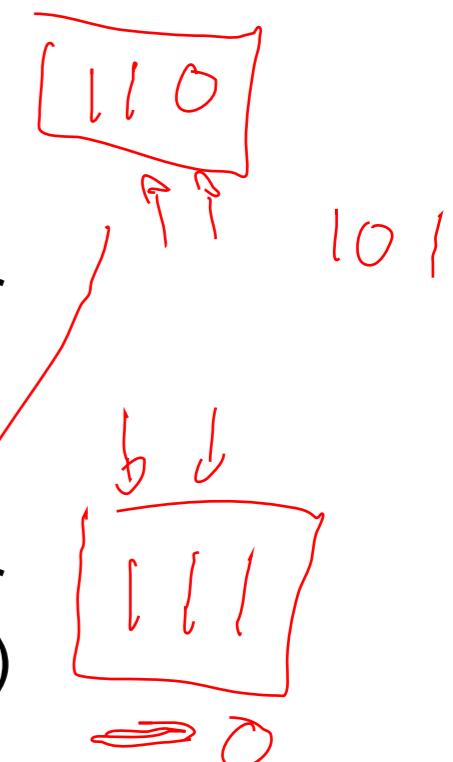
- Even parity

- Eine Eins wird hinzugefügt, so dass die Anzahl der 1er in der Nachricht gerade wird (ansonsten wird eine Null hinzugefügt)

Beispiel:

- Originalnachricht ohne Redundanz: 01101011001
- Odd parity: 011010110011
- Even parity: 011010110010

$$C = x_1 \oplus x_2$$

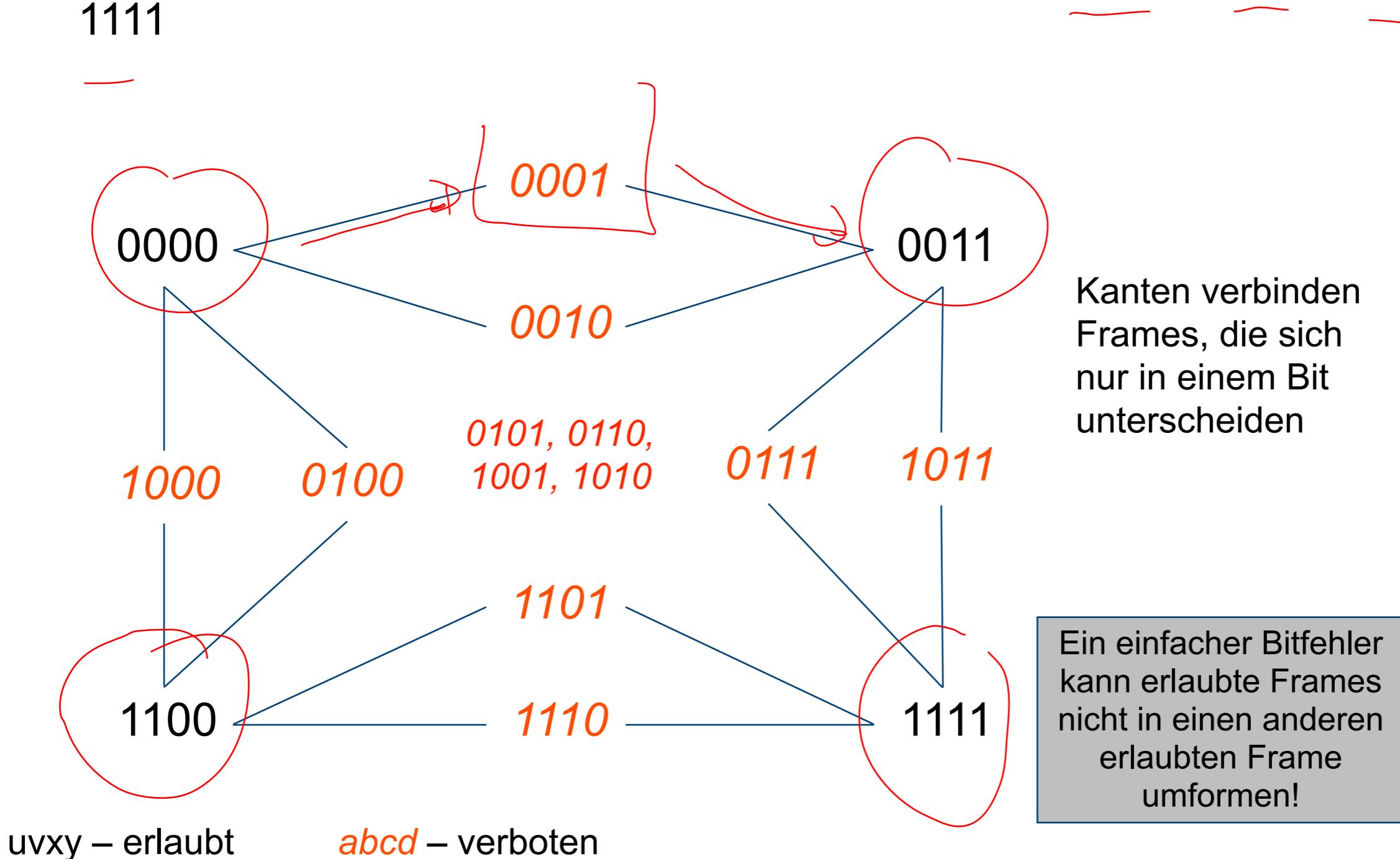


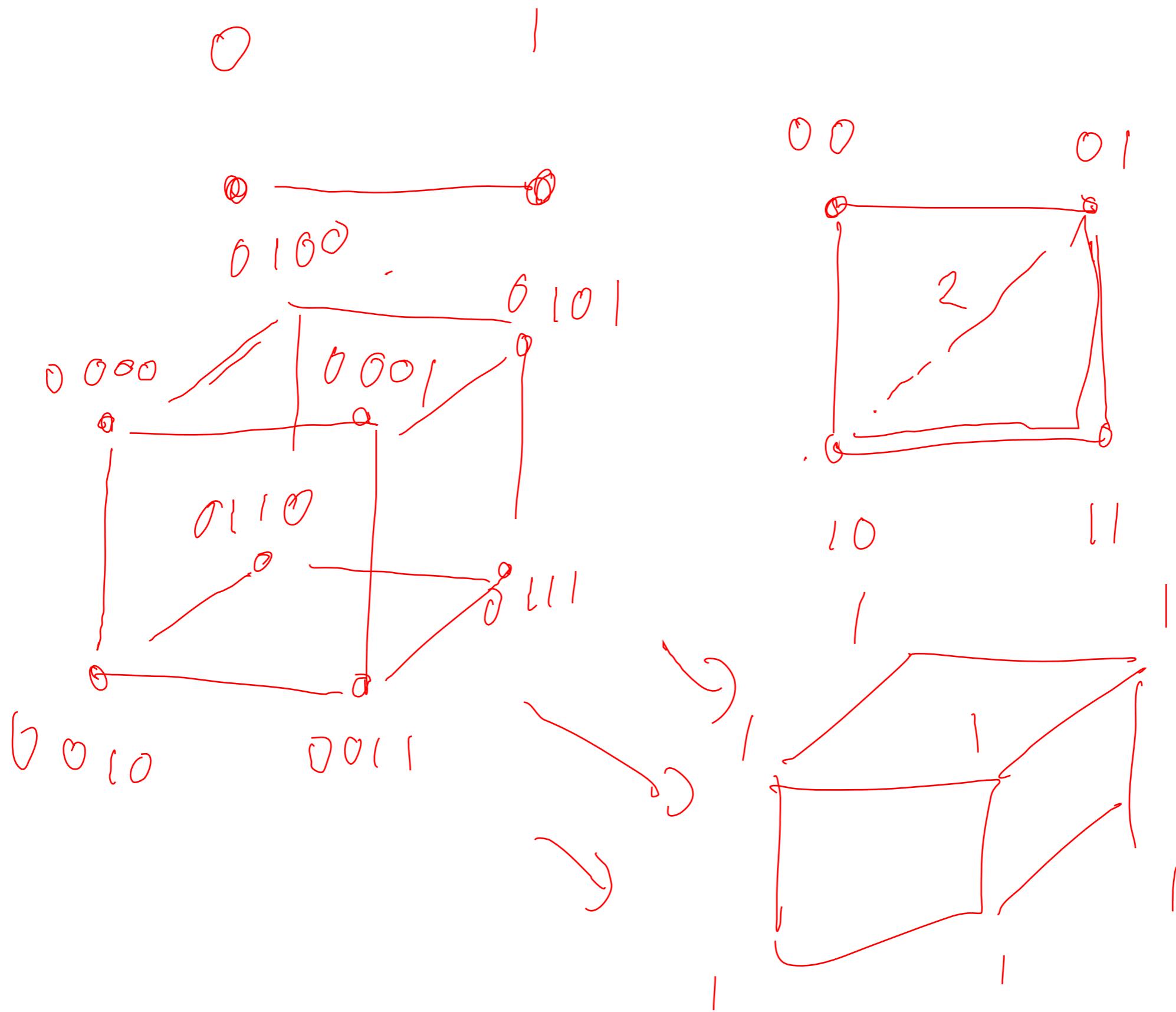
Der Nutzen illegaler Frames

- Der Sender sendet nur erlaubte Frames
- In der Bitübertragungsschicht könnten Bits verfälscht werden
- Hoffnung:
 - Legale Frames werden nur in illegale Nachrichten verfälscht
 - Und niemals ein legaler Frame in einen anderen Legalen
- ① Notwendige Annahme
 - In der Bitübertragungsschicht werden nur eine bestimmte Anzahl von Bits verändert
 - z.B. k Bits pro Frame
 - Die legalen Nachrichten sind verschieden genug, um diese Frame-Fehlerrate zu erkennen

Veränderung der Frames durch Bitfehler

- Angenommen die folgenden Frames sind erlaubt: 0000, 0011, 1100, 1111





Hamming-Distanz

- Der “Abstand” der erlaubten Nachrichten zueinander war immer zwei Bits
- Definition: Hamming-Distanz
 - Seien $x = x_1, \dots, x_n$ und $y = y_1, \dots, y_n$ Nachrichten
 - Dann sei $d(x,y) =$ die Anzahl der 1er Bits in $x \text{ XOR } y$
- Intuitiver: die Anzahl der Positionen, in denen sich x und y unterscheiden

Hamming-Distanz

- Die Hamming-Distanz ist eine Metrik

- Symmetrie

- $\bullet d(x,y) = d(y,x)$

- Dreiecksungleichung:

- $\bullet d(x,y) \leq d(x,z) + d(z,y)$

- Identität

- $\bullet d(x,x) = 0$ und

- $d(x,y) = 0$ gdw. $x = y$

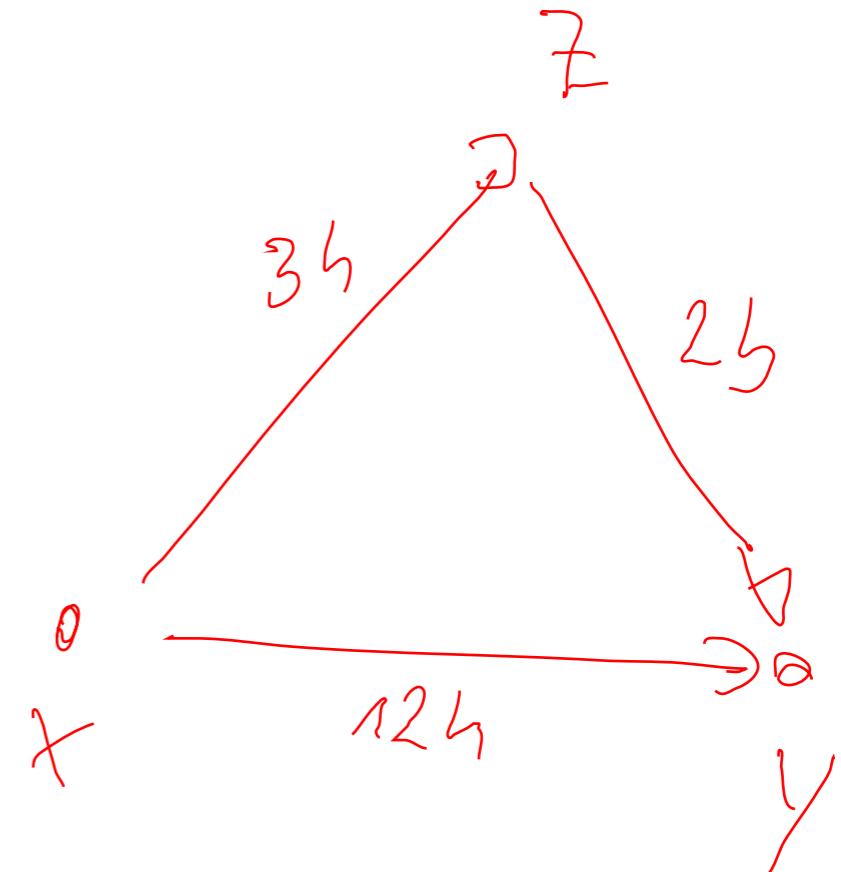
- Beispiel:

- $x = 0011010111$

- $y = 0110100101$

- $x \text{ XOR } y = 0101110010$

- $d(x,y) = 5$



Hamming-Distanz von Nachrichtenmengen

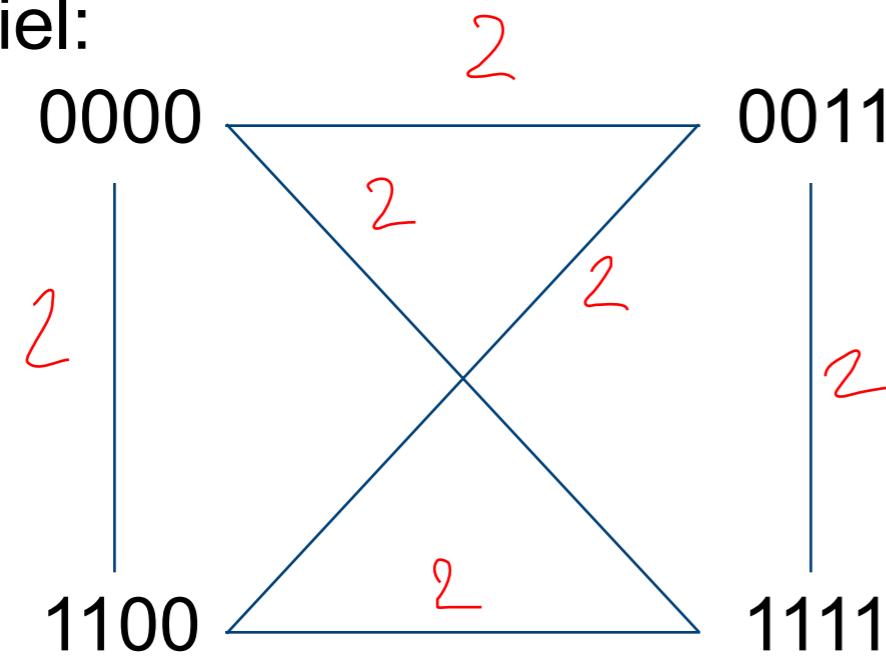
0 0 0 0 0 0
 | 6
 () () ()

- Die Hamming-Distanz einer Menge von (gleich langen) Bit-Strings S ist:

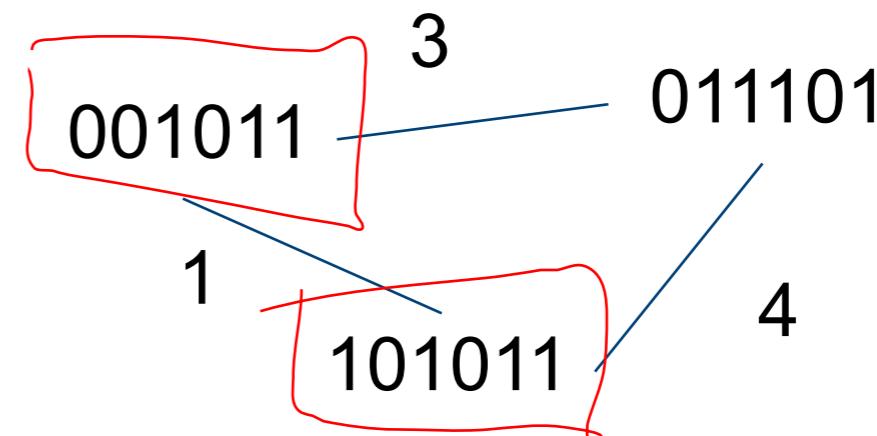
$$\underline{d(S)} = \min_{x,y \in S, x \neq y} d(x, y)$$

- d.h. der kleinste Abstand zweier verschiedener Wörter in S

Beispiel:



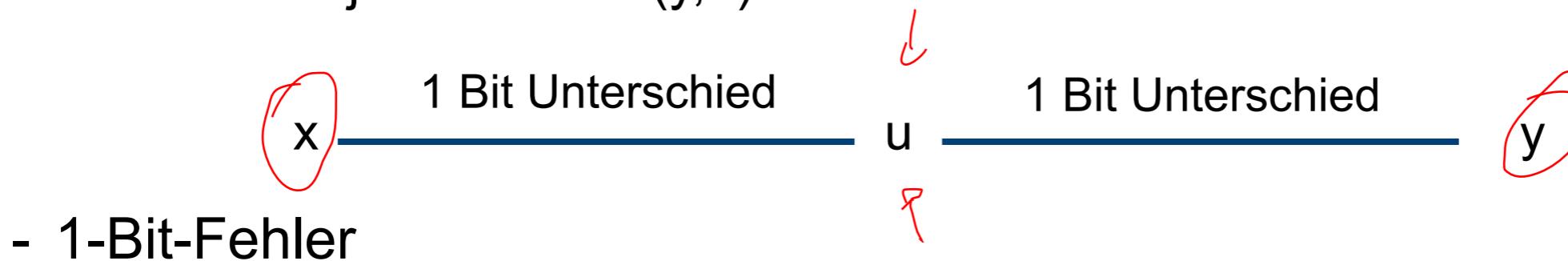
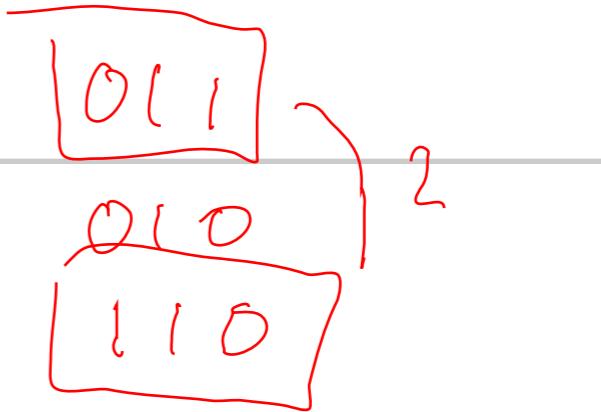
Alle Abstände sind 2



Ein Abstand ist 1!

Erkennung und Korrektur mit Hamming-Distanzen

- 1. Fall $d(S) = 1$
 - Keine Fehlerkorrektur
 - Legale Frames unterscheiden sich in nur einem Bit
- 2. Fall $d(S) = 2$
 - Dann gibt es nur $x, y \in S$ mit $d(x,y) = 2$
 - Somit ist jedes u mit $d(x,u) = 1$ illegal,
 - wie auch jedes u mit $d(y,u) = 1$



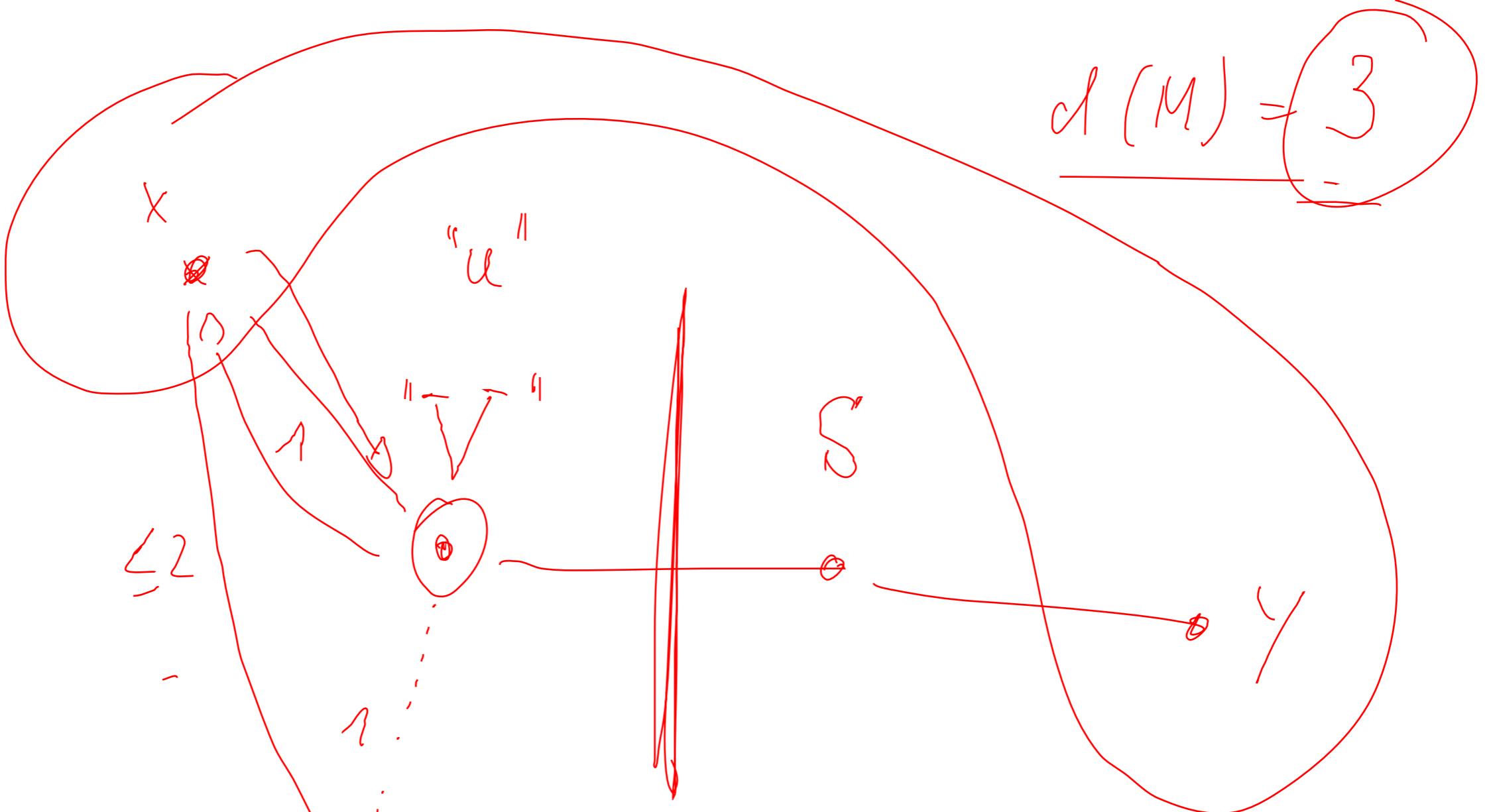
- 1-Bit-Fehler
 - können immer erkannt werden
 - aber nicht korrigiert werden

■ 3. Fall $d(S) = 3$

- Dann gibt es nur $x, y \in S$ mit $d(x,y) = 3$
- Jedes u mit $d(x,u) = 1$ illegal und $d(y,u) > 1$



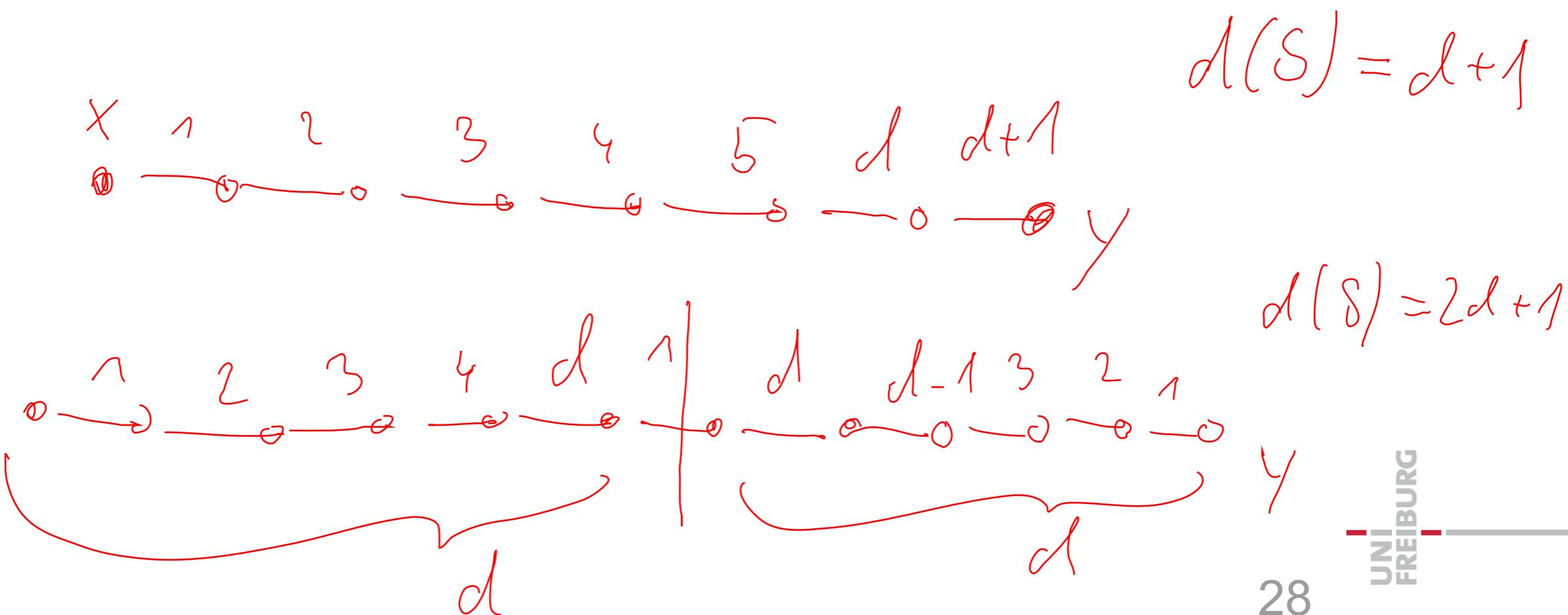
- Falls u empfangen wird, sind folgende Fälle denkbar:
 - x wurde gesendet und mit 1 Bit-Fehler empfangen
 - y wurde gesendet und mit 2 Bit-Fehlern empfangen
 - Etwas anderes wurde gesendet und mit mindestens 2 Bit-Fehlern empfangen
- Es ist also wahrscheinlicher, dass x gesendet wurde, statt y



$z \notin M$?

Erkennung und Korrektur mit Hamming-Distanzen

- Um \underline{d} Bit-Fehler zu erkennen ist eine Hamming-Distanz von $\underline{d+1}$ in der Menge der legalen Frames notwendig
- Um d Bit-Fehler zu korrigieren, ist eine Hamming-Distanz von $\underline{2d+1}$ in der Menge der legalen Frames notwendig

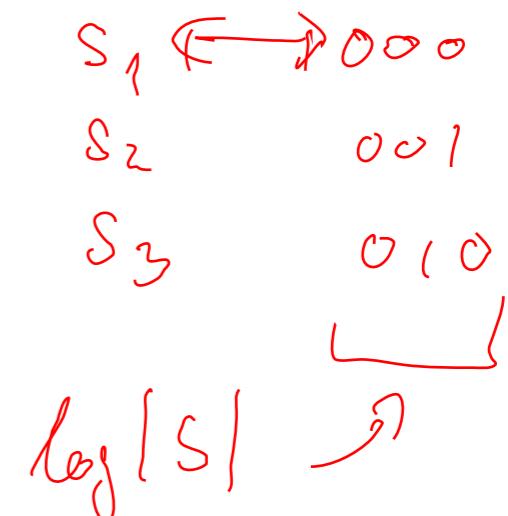


Codebücher und Kodierungen

- Die Menge der legalen Frames $S \in \{0,1\}^n$ wird **das Code-Buch** oder einfach Kodierung genannt.

- Die Rate R eines Codes S ist definiert als
 - Die Rate charakterisiert die Effizienz des Codes

$$R_S = \frac{\log |S|}{n}$$



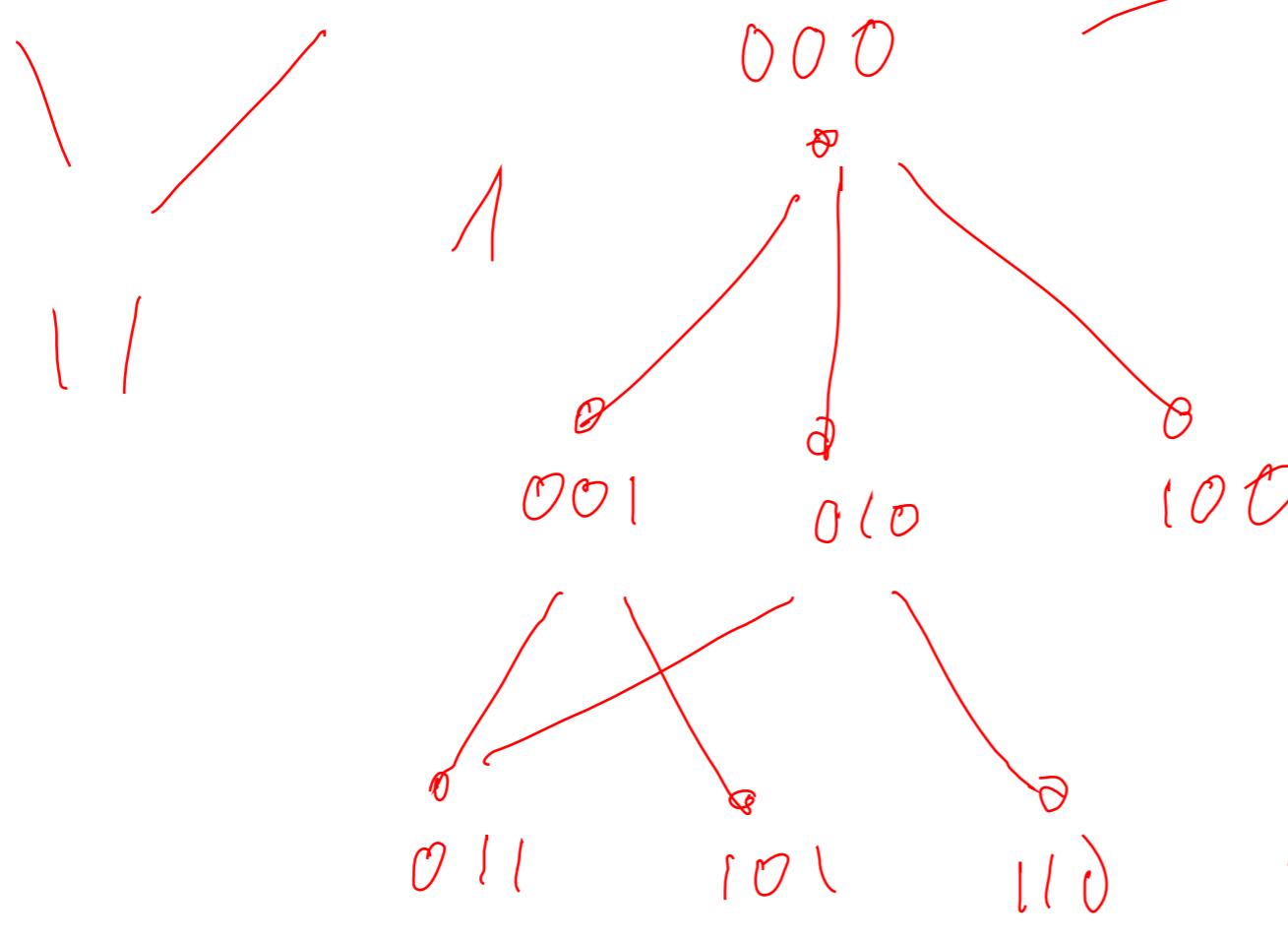
- Die Distanz δ des Codes S ist definiert als
 - charakterisiert die Fehlerkorrektur oder Fehlererkennungsmöglichkeiten

$$\delta_S = \frac{d(S)}{n}$$

- Gute Codes haben hohe Raten und hohe Distanz
 - Beides lässt sich nicht zugleich optimieren

$\begin{matrix} 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{matrix}$ $\begin{matrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{matrix}$

$$\begin{array}{r}
 n \rightarrow \underline{\underline{1}} \quad \underline{\underline{2}} \quad \underline{\underline{3}} \quad \underline{\underline{4}} \quad \underline{\underline{5}} \quad \underline{\underline{6}} \quad \underline{\underline{7}} \\
 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \quad 1 \\
 \rightarrow 1 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \quad 5 \quad 6 \\
 1 \quad 3 \quad 6 \quad 10 \quad 15 \\
 1 \quad 4 \quad 10 \quad 20 \\
 1 \quad 5 \quad 15
 \end{array}$$



3

$$\binom{n}{u} =$$

$$\frac{n!}{4!(n-4)!}$$

1

$V = 2^n$
 $2^{n-k} = \frac{2^n}{2^k}$
 $\#S = \frac{V}{B}$
 $B = \sum_{i=0}^d (i!)$

Block-Codes

- Block-Codes kodieren k Bits Originaldaten in n kodierte Bits
 - Zusätzlich werden $n-k$ Symbole hinzugefügt
 - Binäre Block-Codes können höchstens bis zu t Fehler in einem Code-Wort der Länge n mit k Originalbits erkennen, wobei (Gilbert-Varshamov-Schranke):

$$2^{n-k} \geq \sum_{i=0}^t \binom{n}{i}$$

- Das ist eine theoretische obere Schranke
- Beispiele
 - Bose Chaudhuri Hocquenghem (BCH) Codes
 - basierend auf Polynomen über endlichen Körpern (Galois-Körpern)
 - Reed Solomon Codes
 - Spezialfall nichtbinärer BCH-Codes