

Übungen zur Vorlesung  
**Informatik-III**  
Wintersemester 2007/2008  
Blatt 9

**Aufgabe 30 (2 Punkte für Vorrechnen)**



**Aufgabe 31 (2 Punkte für Vorrechnen)**

Beweisen oder widerlegen Sie folgende Aussagen.

1.  $A \leq_m B \Leftrightarrow A \leq_T B$
2.  $A \leq_m B$  und  $B \leq_m C \Rightarrow A \cap \overline{B} \leq_m C$
3.  $A \leq_T B$  und  $B \leq_T C \Rightarrow A \cap \overline{B} \leq_T C$

**Aufgabe 32 (2 Punkte für Vorrechnen)**

Die Menge  $A$  ist rekursiv aufzählbar. Beweisen oder widerlegen Sie folgende Aussagen:

1. Jede Teilmenge  $C$  von  $A$  ist abzählbar.
2. Jede Teilmenge  $C$  von  $A$  ist rekursiv aufzählbar.
3. Jede endliche Teilmenge  $C$  von  $A$  ist rekursiv aufzählbar.

**Aufgabe 33 (1 Punkt für schriftliche Lösung)**

Welcher der folgenden Mengen ist rekursiv? Begründen Sie ihre Aussage.

1.  $\{\langle M \rangle \mid \text{Es gibt mindestens eine Eingabe, für die } M \text{ hält}\}$
2.  $\{\langle M \rangle \mid M \text{ akzeptiert Eingabe } \langle M \rangle\}$
3.  $\{\langle M \rangle \mid \langle M \rangle \text{ enthält die zwei Zeichenketten } 01011 \text{ und } 11001\}$
4.  $\{\langle M \rangle \mid L(M) \text{ ist unendlich groß}\}$

**Aufgabe 34 (1 Punkt für schriftliche Lösung)**

Beweisen oder widerlegen Sie folgende Aussage für die Beschreibungs-Komplexität  $K(x_i)$ , wobei  $x_1, x_2, \dots$  unendlich viele unterschiedliche binären Zeichenketten sind.

Es gibt eine Zahl  $c$ , so dass für alle  $i \in \{1, 2, \dots\}$

$$K(x_i) < c.$$