

Übungen zur Vorlesung  
**Informatik-III**  
Wintersemester 2007/2008  
Blatt 12

**Aufgabe 43 (1 Punkt für schriftliche Lösung)**

Gegeben sind die Sprachen SUBSETSUM und PARTITION.

$$\text{SUBSETSUM} = \left\{ a_1, \dots, a_n, b \mid a_i, b \in \mathbb{N}, \exists S \subseteq \{1, \dots, n\} : \sum_{i \in S} a_i = b \right\}$$
$$\text{PARTITION} = \left\{ a_1, \dots, a_n \mid a_i \in \mathbb{N}, \exists S \subseteq \{1, \dots, n\} : \sum_{i \in S} a_i = \sum_{i \notin S} a_i \right\}$$

Geben Sie eine Polynomialzeitreduktion von SUBSETSUM nach PARTITION an und beweisen Sie die Korrektheit.

**Aufgabe 44 (2 Punkte für Vorrechnen)**

Geben Sie eine Polynomialzeitreduktion von PARTITION nach SUBSETSUM an und beweisen Sie die Korrektheit.

**Aufgabe 45 (2 Punkte für Vorrechnen)**

Sei  $G$  ein ungerichteter Graph. Ein Pfad heißt einfach, wenn er keine Kreise enthält. Betrachten Sie die Sprache LPATH. Zeigen Sie, dass LPATH NP-vollständig ist, indem Sie z.B. ausnutzen, dass das Problem des ungerichteten Hamiltonschen Pfades (UHAMPATH) NP-vollständig ist.

$$\text{LPATH} = \left\{ \langle G, a, b, k \rangle \mid \begin{array}{l} G \text{ enthält einen einfachen Pfad von Knoten } a \text{ nach Knoten } \\ b, \text{ der mindestens } k \text{ Kanten hat} \end{array} \right\}$$
$$\text{UHAMPATH} = \left\{ \langle G, s, t \rangle \mid \begin{array}{l} G \text{ enthält einen einfachen Pfad von } s \text{ nach } t, \text{ der jeden} \\ \text{Knoten genau einmal besucht} \end{array} \right\}$$

**Aufgabe 46 (2 Punkte für Vorrechnen)**

Beweisen Sie die Korrektheit oder geben Sie ein Gegenbeispiel an!

1. Wenn  $L \in \text{NP}$  und  $L \leq_{m,p} L'$  dann folgt daraus, dass
  - (a)  $L' \in \text{NP}$
  - (b)  $L'$  NP-schwierig
  - (c)  $L'$  NP-vollständig
  
2. Wenn  $L$  NP-schwierig ist und  $L \leq_{m,p} L'$  dann folgt daraus, dass
  - (a)  $L' \in \text{NP}$
  - (b)  $L'$  NP-schwierig
  - (c)  $L'$  NP-vollständig
  
3. Wenn  $L$  NP-vollständig und  $L \leq_{m,p} L'$  dann folgt daraus, dass
  - (a)  $L' \in \text{NP}$
  - (b)  $L'$  NP-schwierig
  - (c)  $L'$  NP-vollständig